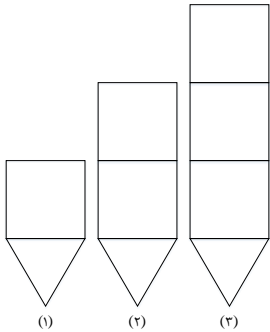
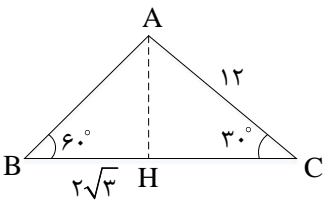


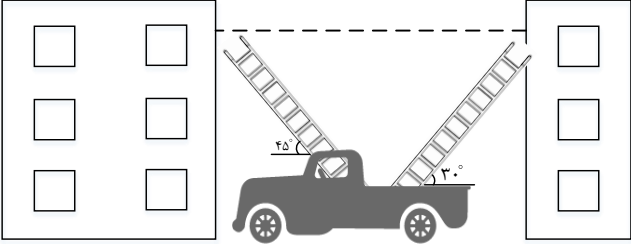
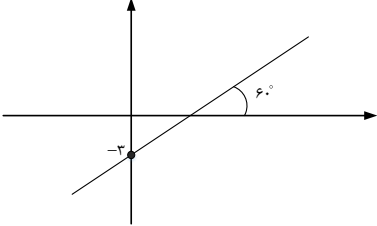
نام و نام خانوادگی: .....  
 مقطع و رشته: دهم ریاضی - تهرانی  
 نام پدر: .....  
 شماره داوطلب: .....  
 تعداد صفحه سؤال: ۳ صفحه

جمهوری اسلامی ایران  
 اداره ی کل آموزش و پرورش شهر تهران  
 اداره ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۲ تهران  
 دبیرستان غیردولتی پسرانه سرای دانش واحد سعادت آباد  
**آزمون پایان ترم نیمسال اول سال تحصیلی ۹۹-۱۳۹۸**

نام درس: ریاضی ۱  
 نام دبیر: محمد علی جعفری  
 ساعت امتحان: ۸ صبح / عصر  
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

نام دبیر:	نمره به عدد:	نمره به حروف:	نام دبیر:	نمره به عدد:	نمره به حروف:
	تاریخ و امضا:	نام دبیر:		تاریخ و امضا:	نام دبیر:
محل مهر و امضا: مدیر					
۴۰	سوالات				۶۰
۱	<p>گزینه مناسب را انتخاب نمایید(راه حل الزامی است)</p> <p>الف- اگر عدد <math>4 + m</math> متعلق به بازه <math>(m - 1, m + 4)</math> باشد، حدود <math>m</math> در کدام گزینه است؟</p> <p>(۱) <math>-\frac{1}{2} &lt; m &lt; \frac{1}{2}</math> (۲) <math>\frac{1}{2} \leq m \leq 5</math> (۳) <math>[-\frac{1}{2}, \frac{1}{2}]</math> (۴) <math>(0, 5)</math></p> <p>ب- اگر <math>A, B</math> دو مجموعه جدا از هم باشند آن گاه کدام گزاره نادرست است؟</p> <p>(۱) <math>A \subseteq B'</math> (۲) <math>A \cap B' = A</math> (۳) <math>A \cup B' = B</math> (۴) <math>A \cap B = \emptyset</math></p> <p>ج- اگر <math>\cos \theta = \frac{1}{5}</math> و انتهای کمان <math>\theta</math> در ربع چهارم باشد، <math>\tan \theta</math> کدام است؟</p> <p>(۱) <math>-2\sqrt{6}</math> (۲) <math>2\sqrt{5}</math> (۳) <math>2\sqrt{6}</math> (۴) <math>-2\sqrt{5}</math></p> <p>د- حاصل عبارت <math>(\sin 30^\circ + \sin 60^\circ)(\cos 180^\circ + \sin 90^\circ)</math> در کدام گزینه به درستی اشاره شده است؟</p> <p>(۱) <math>-1</math> (۲) <math>1</math> (۳) <math>0</math> (۴) <math>\frac{1}{2}</math></p>				
۲	<p>جاهای خالی را با کلمات و یا عبارات مناسب کامل کنید.</p> <p>الف- اگر <math>\tan \alpha &gt; 0</math> و <math>\cot \alpha &lt; 0</math>، آنگاه <math>\alpha</math> در ناحیه ..... مثلثاتی قرار دارد.</p> <p>ب- تعداد زیر مجموعه های ناسره یک مجموعه <math>A</math> عضو برابر است با .....</p> <p>ج- اگر <math>A</math> یک مجموعه نامتناهی و <math>B</math> یک مجموعه متناهی باشد، آن گاه مجموعه <math>A - B</math>، مجموعه ای ..... است.</p> <p>د- واسطه هندسی بین دو عدد <math>(1 + \sqrt{3})^2</math> و <math>(1 - \sqrt{3})^2</math> ..... می باشد.</p>				
۳	<p>درستی یا نادرستی هر یک از عبارات زیر را مشخص کنید؛ چنانچه یک عبارت نادرست است، آن را تصحیح نمایید.</p> <p>الف- اگر <math>\alpha</math> در ربع دوم مثلثاتی باشد، آنگاه همواره <math>\sin \alpha &gt; \cos \alpha</math></p> <p>ب- مجموعه اعداد گویا و مجموعه اعداد گنگ، هیچ اشتراکی با هم ندارند.</p> <p>ج- هرگاه دو زاویه از مثلثی دیگر برابر باشند، آن دو مثلث متشابه اند.</p> <p>د- در دنباله حسابی که جملات هفتم و پانزدهم آن به ترتیب ۲۳ و ۶۳ است، جمله چهارم برابر ۱۴۹ می باشد.</p>				

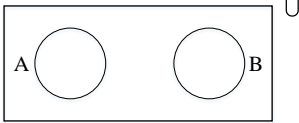
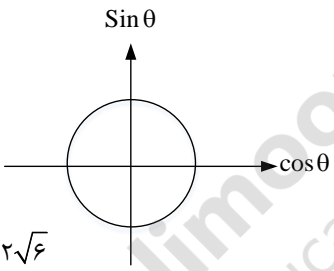
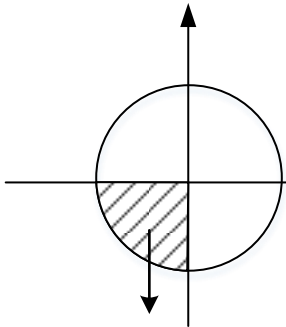
		سوالات زیر را به طور کامل و دقیق پاسخ دهید.	
۱	۴	اگر $A = (-۲, ۷)$ و $B = [-۳, ۶]$ ، آنگاه مجموعه های زیر را به صورت بازه نمایش دهید. الف) $A \cup B$ ب) $A \cap B$ پ) $B' - A$	
۱	۵	هر یک از بازه های زیر را به صورت یک مجموعه بنویسید: الف) $(-۲, ۲) \cap (-\infty, ۳]$ ب) $(۷, ۱۰) \cup (-۴, ۷)$	
۱	۶	الگوی زیر را در نظر گرفته و با توجه به آن به سوالات زیر پاسخ دهید: الف) جمله ی عمومی این الگو را مشخص کنید. ب) در مرحله ی هفدهم، تعداد پاره خط ها را بیابید.	
۰/۷۵	۷	رشد گونه ای از ویروس به نحوی یافت شده است که در هر ساعت، دو برابر می شود تعداد ویروس در نمونه اول آزمایشگاهی ۸ عدد است. بعد از گذشت پنج شبانه روز، تعداد ویروس چقدر خواهد شد؟	
۱	۸	مجموعه ۴ جمله اول یک دنباله هندسی را حساب کنید به طوری که جمله سوم آن ۳۶ و جمله ششم آن ۹۷۲ باشد.	
۰/۷۵	۹	بین ۳ و ۵ واسطه حسابی درج کنید؛ چنانچه دنباله ایجاد شده را تا جمله دهم ادامه دهیم، جمله دهم را بیابید.	
۱	۱۰	در یک کلاس ۳۷ نفره، ۲۲ نفر فوتبال و ۱۲ نفر به والیبال علاقه دارند. اگر ۸ نفر به هر دو ورزش علاقمند باشند؛ الف) تعداد دانش آموزانی که فقط به فوتبال علاقه دارند چند برابر تعداد دانش آموزانی است که فقط به والیبال علاقه دارند؟ ب) چند دانش آموز وجود دارند که به فوتبال و والیبال علاقه ای ندارند؟	
۱/۲۵	۱۱	در شکل زیر محیط و مساحت مثلث $ABC$ را به دست آورید.	

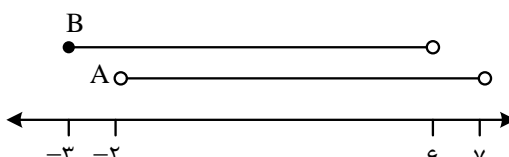
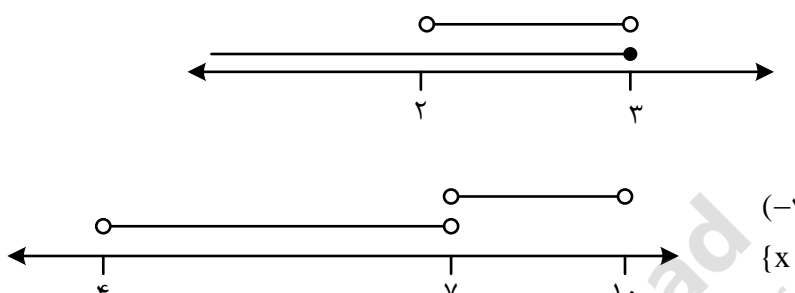
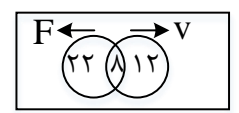
۰/۷۵	<p>در شکل زیر، دو نردبان به طول های ۱۰ متر به صورت زیر میان دو ساختمان قرار گرفته اند. فاصله این دو ساختمان از یک دیگر چقدر است؟</p> 	۱۲
۰/۷۵	<p>معادله خط d را به دست آورید.</p> 	۱۳
۰/۷۵	<p>نقطه روی دایره مثلثاتی با مختصات <math>P(\frac{\sqrt{6}}{3}, -\frac{\sqrt{3}}{3})</math> وجود دارد. نسبت های مثلثاتی متناظر با این نقطه را به دست آورید.</p>	۱۴
۱	<p>حدود زاویه <math>\theta</math> را با توجه به شرایط گفته شده زیر به دست آورید: (   علامت اندازه یا همان قدر مطلق است)</p> <p>الف) <math> \sin \theta  &gt;  \cos \theta </math> , <math>\sin \theta &lt; 0</math> , <math>\cos \theta &lt; 0</math></p> <p>ب) <math>\sin \theta &lt; 0</math> , <math>\tan \theta &gt; 0</math></p>	۱۵
۱	<p>مقدار هر یک از عبارت های زیر را بدست آورید.</p> <p>الف) <math>4\cos^2 60^\circ - 3\tan^2 30^\circ + 2\sin 45^\circ</math></p> <p>ب) <math>\frac{\sin 0^\circ + \sin 270^\circ - \cos 90^\circ}{\tan 180^\circ + \sin 90^\circ}</math></p>	۱۶
۲	<p>درستی هر یک از عبارات زیر را اثبات کنید(در صورت نادرستی تساوی، دلیل آن را بیان کنید).</p> <p>الف) <math>\sin^2 \beta - \cos^2 \beta = \frac{\tan \beta - \cot \beta}{\tan \beta + \cot \beta}</math></p> <p>ب) <math>\frac{1 + \tan \alpha}{1 + \cot \alpha} = \tan \alpha</math></p> <p>ج) <math>(1 - \sin^2 \alpha)(1 + \tan^2 \alpha) = 1</math></p>	۱۷



اداره ی کل آموزش و پرورش شهر تهران  
 اداره ی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۲ تهران  
 دبیرستان غیر دولتی پسرانه سرای دانش واحد سعادت آباد  
**کلید** سوالات پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۹۹-۹۸

نام درس: ریاضی ۱  
 نام دبیر: محمد علی جعفری  
 ساعت امتحان: ۰۸:۰۰ **صبح / عصر**  
 مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	<p>(۱) گزینه «۴»</p> $m - 1 < 4 < 3m + 4 \begin{cases} m - 1 < 4 \rightarrow m < 5 \\ 4 < 3m + 4 \rightarrow 3m > 0 \end{cases} \rightarrow m \in (0, 5)$ <p>(۲) گزینه «۳»                      دو مجموعه جدا از هم هیچ گونه اشتراکی ندارند یعنی اگر <math>B, A</math> دو مجموعه جدا از هم باشند آنگاه، <math>A \cap B = \emptyset</math> بنابراین <math>A \subseteq B'</math>  <math>B \subseteq A'</math></p>  <p>(۳) گزینه «۱»                      در ربع چهارم:</p>  $\sin \theta < 0, \cos \theta = \frac{1}{5}$ $\cos \theta > 0, \sin^2 \theta + \cos^2 \theta = 1$ $\tan \theta < 0, \cot > 0, \sin^2 \theta + \left(\frac{1}{5}\right)^2 = 1 \rightarrow \sin \theta = \pm \frac{\sqrt{24}}{5}$ <p>غیر قابل قبول                      قابل قبول</p> $\tan \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} = \frac{-\frac{\sqrt{24}}{5}}{\frac{1}{5}} = -\sqrt{24} = -2\sqrt{6}$ <p>(۴) گزینه «۳»</p> $\underbrace{(\cos 180^\circ + \sin 90^\circ)}_{0} (\sin 30^\circ + \sin 60^\circ) = 0 \times \left(\frac{1}{2} + \frac{\sqrt{3}}{2}\right) = 0$	
۲	<p>(۱) سوم</p>  <p>ربع سوم</p> $\sin \theta < 0$ $\cos \theta < 0$ $\tan \theta > 0$ <p>(۲) نامتناهی</p> $b^2 = (1 - \sqrt{3})^2 (1 + \sqrt{3})^2 = [(1 - \sqrt{3})(1 + \sqrt{3})]^2$ $\quad \quad \quad (1)^2 - (\sqrt{3})^2 = -2$ <p>(۴)</p>	

	<p>۱- نادرست؛ اگر <math>\alpha \in (90^\circ, 135^\circ)</math> باشد آنگاه <math>\sin \alpha &gt; \cos \alpha</math></p> $d = \frac{a_m - a_n}{m - n} = \frac{63 - 23}{15 - 7} = \frac{40}{8} = 5$ <p><math>a_7 = a_1 + 6d \Rightarrow 23 = a_1 + 6(5) \Rightarrow a_1 = -7</math> نادرست (۴) درست (۳) درست (۲)</p> <p><math>a_{15} = a_1 + (15 - 1)d \Rightarrow a_{15} = -7 + 14(5) = 63</math></p>	۳										
	<p>پاسخ کامل</p>	ت										
	<p>الف) <math>A \cup B = (-2, 7) \cup [-3, 6] = [-3, 7)</math></p> <p>ب) <math>A \cap B = (-2, 6) \cap [-3, 6] = [-2, 6)</math></p> <p>ج) <math>B' - A = [(-\infty, -2) \cup [6, +\infty)] - (-2, 7) = (-\infty, -2) \cup [7, +\infty)</math></p>	۴										
	<p>الف) <math>(-\infty, 3] \cap (-2, 3) = (-2, 3)</math></p> <p><math>\{x \in \mathbb{R} \mid -2 &lt; x &lt; 3\}</math></p> <p>ب) <math>(-4, 7] \cup (7, 10) = (-4, 10) - \{7\}</math></p> <p><math>\{x \in \mathbb{R} \mid -4 &lt; x &lt; 7 \cup 7 &lt; x &lt; 10\}</math></p>	۵										
<table border="1" data-bbox="159 1008 638 1120"> <tr> <td>مرحله</td> <td>۱</td> <td>۲</td> <td>۳</td> <td>...</td> </tr> <tr> <td>تعداد پاره خط</td> <td>۶</td> <td>۹</td> <td>۱۲</td> <td>...</td> </tr> </table> <p><math>a_n = 3 + 3n = 3(n + 1)</math></p> <p><math>a_{17} = 3(17 + 1) = 3 \times 18 = 54</math></p>	مرحله	۱	۲	۳	...	تعداد پاره خط	۶	۹	۱۲	...	<p>الف)</p> <p>ب)</p>	۶
مرحله	۱	۲	۳	...								
تعداد پاره خط	۶	۹	۱۲	...								
<p><math>a_1 = 8</math></p> <p><math>q = 2</math></p> <p><math>a_n = a_1 q^{n-1} \Rightarrow a_{12} = 8 \times 2^{(12-1)} = 8 \times 2^{11} = 2^3 \times 2^{11} = 2^{14}</math></p> <p><math>n = 5</math> شبانه روز = <math>5 \times 24 = 120</math> ساعت</p>		۷										
<p><math>a_6 = 972</math></p> <p><math>a_3 = 36</math></p> <p><math>\rightarrow \frac{a_6}{a_3} = \frac{q^6}{q^3} = \frac{972}{36} \Rightarrow q^3 = 27 \Rightarrow q = \sqrt[3]{27} = 3</math></p> <p><math>a_3 = a_1 q^2 \Rightarrow 36 = a_1 (3)^2 \Rightarrow a_1 = 4</math></p> <p><math>a_1 + a_2 + a_3 + a_4 = a_1 + a_1 q + a_1 q^2 + a_1 q^3 = a_1 (1 + q + q^2 + q^3)</math></p> <p><math>= 4 \left( \frac{1 + 3 + 3^2 + 3^3}{4} \right) = 160</math></p>		۸										
<p><math>d = \frac{\text{جمله اول} - \text{جمله آخر}}{n+1} = \frac{51-3}{51} = 83, \dots, \dots, \dots, \dots, \dots, 51</math></p> <p><math>a_{10} = a_1 + (10 - 1)d \Rightarrow a_{10} = 3 + (9 \times 8) = 75</math></p>		۹										
 <p>F: فقط فوتبال = <math>22 - 8 = 16</math></p> <p>V: فقط فوتبال = <math>12 - 8 = 4</math></p> <p><math>\frac{F}{V} = \frac{16}{4} = 4</math></p> <p>۳۷ - (۲۲ + ۱۲ - ۸) = ۱</p>	<p>الف)</p> <p>ب)</p>	۱۰										

$$\underbrace{\cos 60^\circ}_{\frac{1}{2}} = \frac{\text{ضلع مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{BH}{AB} = \frac{2\sqrt{3}}{AB}$$

$$AB = 2\sqrt{3} \times 2 \Rightarrow AB = 4\sqrt{3}$$

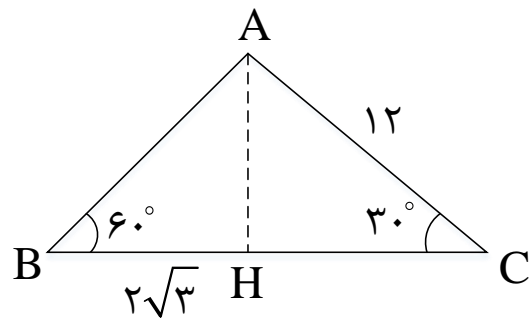
$$\underbrace{\sin 60^\circ}_{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{\text{ضلع مقابل}}{\text{وتر}} = \frac{AH}{AB} \Rightarrow 2 \times AH = 4\sqrt{3} \times \frac{\sqrt{3}}{2}$$

$$AH = 6$$

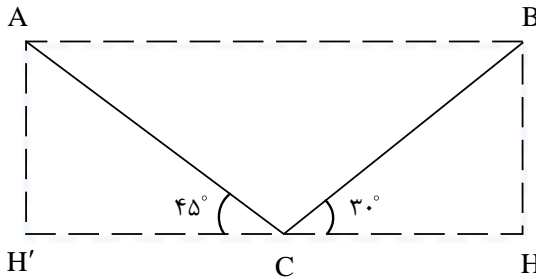
$$\underbrace{\cos 30^\circ}_{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{\text{ضلع مجاور}}{\text{وتر}} = \frac{HC}{\underbrace{AC}_{12}} = 2 \times HC = 12 \times \frac{\sqrt{3}}{2} \Rightarrow HC = 6\sqrt{3}$$

$$\text{محيط} = 6\sqrt{3} + 2\sqrt{3} + 4\sqrt{3} + 12 = 12 + 12\sqrt{3} = 12(1 + \sqrt{3})$$

$$\text{مساحت} = \frac{1}{2} \times BC \times AH = \frac{1}{2} \times 12\sqrt{3} \times 6 = 36\sqrt{3}$$



11



$$BC = 10 \quad \underbrace{\cos 30^\circ}_{\frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{HC}{BC} \Rightarrow HC = 10 \times \frac{\sqrt{3}}{2} = 5\sqrt{3}$$

$$AC = 10 \quad \underbrace{\cos 45^\circ}_{\frac{\sqrt{2}}{2}} = \frac{H'C}{AC} \Rightarrow H'C = 10 \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 5\sqrt{2}$$

$$AB = H'C + HC = 5\sqrt{2} + 5\sqrt{3} = 5(\sqrt{2} + \sqrt{3})$$

12

$$\theta = 60^\circ \text{ زاویه } d \text{ با } \tan \theta = \text{شیب} \Rightarrow \tan 60^\circ = \sqrt{3} = m$$

جهت مثبت

فرم کلی  
محور x ها

$$A(0, -3), m = \sqrt{3} \xrightarrow{\text{معادله خط}} y - y_1 = m(x - x_1) \Rightarrow y - (-3) = \sqrt{3}(x - 0) \Rightarrow y = \sqrt{3}x - 3$$

13

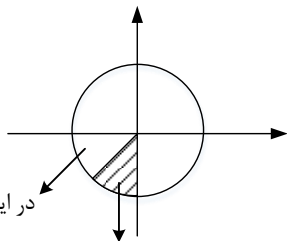
$$P\left(\frac{\sqrt{6}}{3}, -\frac{\sqrt{3}}{3}\right) \begin{cases} \cos \theta > 0 \\ \sin \theta < 0 \end{cases} \rightarrow \theta \text{ در ربع چهارم} \Rightarrow \tan \theta = \frac{\frac{\sqrt{3}}{3}}{\frac{\sqrt{6}}{3}} = \frac{-\sqrt{3}}{\sqrt{6}}$$

قرار دارد.

$$\cot \theta = \frac{1}{\tan \theta} = -\frac{\sqrt{6}}{\sqrt{3}}$$

14

$$|\sin \theta| > |\cos \theta|, \sin \theta < 0, \cos \theta < 0$$

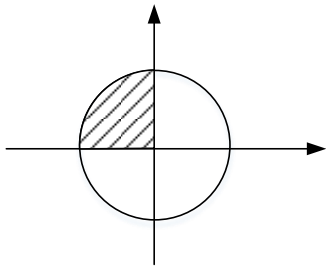


$$|\sin \theta| = |\cos \theta| \text{ در این نقطه}$$

محدوده مورد نظر سوال  $225^\circ < \theta < 270^\circ$

ب)

15



$\sin \theta > 0$  ,  $\tan \theta < 0$   
 $\cos \theta < 0$  باید  $\sin \theta > 0$  ,  $\tan \theta > 0$ .

پس  $\theta$  در ربع دوم قرار دارد

$$4\left(\frac{1}{2}\right)^2 - 3\left(\frac{\sqrt{3}}{3}\right)^2 + 2\left(\frac{\sqrt{2}}{2}\right) = 4\left(\frac{1}{4}\right) - 3\left(\frac{3}{9}\right) + \sqrt{2} = \sqrt{2} \text{ الف}$$

$$\frac{0 + (-1) - 0}{0 + 1} = \frac{-1}{1} = -1 \text{ ب)}$$

۱۶

$$\frac{\tan \beta - \cot \beta}{\tan \beta + \cot \beta} = \frac{\frac{\sin \beta}{\cos \beta} - \frac{\cos \beta}{\sin \beta}}{\frac{\sin \beta}{\cos \beta} + \frac{\cos \beta}{\sin \beta}} = \frac{\frac{\sin^2 \beta - \cos^2 \beta}{\cos \beta \sin \beta}}{\frac{\sin^2 \beta + \cos^2 \beta}{\cos \beta \sin \beta}} = \sin^2 \beta - \cos^2 \beta \text{ الف)}$$

$$\frac{1 + \tan \alpha}{1 + \cot \alpha} = \frac{1 + \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha}}{1 + \frac{\cos \alpha}{\sin \alpha}} = \frac{\frac{\cos \alpha + \sin \alpha}{\cos \alpha}}{\frac{\sin \alpha + \cos \alpha}{\sin \alpha}} = \frac{\sin \alpha}{\cos \alpha} = \tan \alpha \text{ ب)}$$

$$\left. \begin{aligned} \sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1 \rightarrow \cos^2 \alpha = 1 - \sin^2 \alpha \\ 1 + \tan^2 \alpha = \frac{1}{\cos^2 \alpha} \end{aligned} \right\} \Rightarrow (1 - \sin^2 \alpha)(1 + \tan^2 \alpha) = \cos^2 \alpha \left(\frac{1}{\cos^2 \alpha}\right) = 1 \text{ ج)}$$

۱۷

نام و نام خانوادگی مصحح :

امضاء:

جمع بارم : ۲۰ شماره



limoonad  
Education For All