



به نام خداوند دانایی
 نام و نام خانوادگی :

کلاس : ۱۲۲ دوازدهم تجربی

آزمون ریاضی ۳
 نام دبیر : کایوانی

نمره اول

زمان پاسخگویی: ۱۲۰ دقیقه
 تاریخ امتحان : ۱۳۹۷/۱۰/۸

نمره تجدید نظر

نام و
 پایه
 شمار

بارم	<p>توجه: لطفاً پاسخ سوالات را در همین صفحات سوال و در جای در نظر گرفته شده وارد کنید. استفاده از ماشین حساب با چهار عمل اصلی و جذر گیری اشکالی ندارد. در صورت کمبود جای نوشتن پاسخ ها، از انتهای صفحه ی چهارم استفاده کنید.</p>
۰,۷۵ ۰,۷۵	<p>۱ الف) نمودار تابع $y = (x - 1)^2 x - 1$ را رسم کنید.</p> <p>ب) اگر تابع فوق بر $(-\infty, a^2)$ نزولی باشد، حداکثر مقدار a را به دست آورید.</p>
۱	<p>۲ اگر نمودار تابع $f(x)$ به صورت مقابل باشد نمودار تابع $y = f(x - 1) - 2 - 1$ را رسم کنید. (با استفاده از انتقال و رسم مرحله به مرحله)</p>
۰,۷۵ ۰,۲۵ ۰,۵	<p>۳ الف) با رسم نمودار تابع $y = x - 1 + x + 2$ نشان دهید یک به یک نیست.</p> <p>ب) دامنه ی آن را چنان محدود کنید که یک به یک شود. پ) ضابطه ی وارون آن را مشخص کنید.</p>
۴	<p>لطفاً ادامه ی سوالات را در صفحه ی دوم ببینید جمع نمرات این صفحه</p>

صفحه ی دوم سوالات

۴	اگر دامنه و برد تابع $h(x)$ به ترتیب $[-1, 5]$ و $[-2, 2]$ باشند، دامنه و برد تابع $y = 1 - 2h\left(\frac{x+1}{3}\right)$ را مشخص کنید. (با راه حل)	۱
۵	اگر $f(x) = \sqrt{1-4x}$ و $g(x) = \frac{x}{x^2-9}$ باشند، دامنه و ضابطه ی تابع $g \circ f$ را به دست آورید.	۱
۶	اگر $f\left(\frac{x}{4-x}\right) = \frac{1}{2}x - 3$ مطلوبست تعیین تابع $f\left(x - \frac{1}{x}\right)$. (با راه حل)	۱
۷	تابعی مثلثاتی مشخص کنید که دوره ی تناوب آن ۴ و برد آن بازه ی $[-2, 6]$ باشد.	۰,۷۵
۸	معادلات مثلثاتی زیر را حل کنید و جواب عمومی آنها را مشخص کنید. الف) $\sin x \cos 2x \cos x = -1$ ب) $\cos^2 x - \sin x = \frac{1}{4}$ پ) $\sin x + \sin 2x + \sin 3x = 3$	۱ ۱
۷	لطفاً ادامه ی سوالات را در صفحه ی سوم ببینید	جمع نمرات این صفحه

۱

۹

۱,۵

نمودار تابعی را رسم کنید که تمامی شرایط زیر را هم زمان داشته باشد.

(۱) $\lim_{x \rightarrow 2} f(x)$ موجود نباشد (۲) $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = -\infty$ (۳) $\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = -\infty$ (۴) $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 2$
 (۵) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty$ (۶) $\lim_{x \rightarrow -2} f(x) = +\infty$

۱۰

۱

حاصل حدود زیر را به دست آورید. (با راه حل)

(الف) $\lim_{x \rightarrow -1} \frac{\sqrt{x+1}}{x^2+2x+2}$

۱

(ب) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x+1}{\sin^2 x}$

۱

(پ) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{x - \sqrt{4x^2 + 1}}{2x - 2}$

۱۲

در مورد حد تابع $f(x) = \sqrt{x+5}$ وقتی $x \rightarrow -\infty$ چه می توان گفت؟ چرا؟

۰,۵

۶

جمع نمرات این صفحه

لطفاً ادامه ی سوالات را در صفحه ی چهارم ببینید