

نام و نام خانوادگی :

تاریخ : ۹۸ / ۳ / ۴

ساعت شروع : ۸ صبح

امتحان درس : حسابان ۱

رشته : ریاضی

نوبت : دوم

پایه : یازدهم

سال تحصیلی ۱۳۹۷-۹۸

مدت امتحان : ۱۲۰ دقیقه

بارم

سوالات

ردیف

۱	مجموع جملات دنباله $3, 7, 11, \dots$ را بدست آورید.	۱
۲	معادلات زیر را حل کنید. (الف) $\left(\frac{x^2}{3} - 2\right)^2 - 5\left(\frac{x^2}{3} - 2\right) - 6 = 0$ (ب) $[x + 5] = 8$ (ج) $\sqrt{x+2} - x = -4$ (د) $\log(10 - x) + \log(x + 2) = \log 2$	۲
۳	تابع با ضابطه $f(x) = x - 3 - x + 2 $ را به صورت چند ضابطه‌ای بنویسید و سپس نمودار آن رارسم کنید.	۳
۴	می‌دانیم تابع $f(x) = (x - 3)^2 + 7$ برای $x \leq 3$ وارون پذیر است معادله وارون آن را بدست آورید.	۴
۵	اگر $g(x) = \frac{x+2}{x-3}$ دامنه تابع $f \circ g$ را استفاده از تعریف بیا بین سبیس ضابطه $f(x) = \sqrt{x-4}$ را بدست آورید $f \circ g(x)$	۵
۶	اگر $\log 2 = a$ و $\log 3 = b$ باشد حاصل عبارت $\log \sqrt{6}$ را بحسب a و b بدست آورید	۶
۷	حاصل عبارت زیر را بدست آورید $\frac{\sin 225^\circ \times \cos 30^\circ + \cos 135^\circ \times \sin 60^\circ}{\tan 210^\circ \times \cot 60^\circ + \cot 240^\circ \times \tan 390^\circ}$	۷
۸	نمودار تابع $y = 3 \sin\left(x - \frac{\pi}{3}\right)$ رارسم کنید	۸
۹	اگر α زاویه‌ای در ربع اول و β زاویه‌ای در ربع سوم باشد به طوریکه مقدار $\sin(\alpha + \beta)$ را بدست آورید	۹
۱۰	طول برف پاک کن عقب اتومبیلی ۲۴ سانتی متر است فرض کنید برف پاک کن کمانی به اندازه ۱۲۰ درجه طی کند طول کمان طی شده توسط نوک برف پاک کن را محاسبه کنید	۱۰
۱۱	آیا تابع $f(x) = \frac{x+1}{[x]-5}$ در نقطه $x = 5$ حد دارد چرا؟	۱۱
۱۲	اگر بازه $(x - 1, 2x + 3)$ یک همسایگی ۲ باشد مجموعه مقادیر x را بیابید.	۱۲

نام و نام خانوادگی :

تاریخ : ۹۸ / ۳ / ۴

ساعت شروع : ۸ صبح

امتحان درس : حسابان ۱

پایه : یازدهم

رشته : ریاضی نوبت : دوم

سال تحصیلی ۱۳۹۷-۹۸

بارم

سوالات

ردیف

حدود زیر را محاسبه کنید.

$$3 \quad \text{الف} \lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - \sqrt{3x-2}}{x^2 - 4}$$

$$\text{ب) } \lim_{x \rightarrow -1} \frac{5x^2 + x - 4}{x^2 - 1}$$

$$\text{ج) } \lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} \frac{2x - \pi}{\cos x}$$

$$\text{د) } \lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{x^2 [x] - 4}{x - 2}$$

۰/۷۵

نمودار تابعی را رسم کنید که در نقطه $x = 2$ حد داشته باشد ولی در این نقطه ناپیوسته باشد.

۱

مقدار a و b را طوری تعیین کنید که تابع زیر در $x = 0$ پیوسته باشد.

$$f(x) = \begin{cases} \frac{|x|}{x} + 4a + 1 & x < 0 \\ 2b - 1 & x = 0 \\ \frac{\sin \alpha x}{x} & x > 0 \end{cases}$$

موفق باشید.

۱۵

۱۶