

ریاضیات و آمار (۱) پایه دهم علوم انسانی  
دبیرستان نمونه دولتی آرمیتا مصلی نژاد  
طراح سوال: سیده زهرا هاشمی  
نام و نام خانوادگی:

بسمه تعالی



جمهوری اسلامی ایران  
وزارت آموزش و پرورش  
اداره آموزش و پرورش شهرستان بجنورد

تاریخ امتحان: ۱۳۹۹/۱۱/۱۳  
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه  
ساعت امتحان: ۸ صبح

| ردیف | "جوهر ریاضی در آزادی آن نهفته است."   | کانتور | نمره: | بارم |
|------|---|--------|-------|------|
| ۱    | هریک از معادلات را به روش خواسته شده، حل کنید:  |        |       | ۳    |
|      | <ul style="list-style-type: none"> <li>روش مربع کامل) <math>x^2 + 10x - 11 = 0</math></li> <li>روش فرمول کلی) <math>9x^2 - 3x - 2 = 0</math></li> <li>روش تجزیه) <math>x^2 - x - 12 = 0</math></li> </ul> |        |       |      |
| ۲    | دو شیر آب $A$ و $B$ داریم، اگر شیر $A$ استخر را ۵ ساعت زودتر از شیر $B$ پر کند و بدانیم که این دو شیر با هم استخر را در ۶ ساعت پر می کنند، در آن صورت تعیین کنید هر یک به تنهایی چقدر زمان میبرد؟         |        |       | ۱.۵  |
| ۳    | اگر یکی از ریشه های معادله $x^2 + 3kx + 20 = 0$ برابر با ۴ باشد، ریشه دیگر معادله را بیابید.  |        |       | ۱.۵  |
| ۴    | $a$ و $b$ را طوری بیابید که رابطه $R = \{(2,3a), (4,5), (4, b + 2), (2,6)\}$ یک تابع باشد:  |        |       | ۱    |
| ۵    | در شکل زیر طول تمام پاره خط ها به جز دو پاره خط مشخص شده در شکل برابر $x$ است. اگر اندازه مساحت شکل با محیط آن برابر باشد، مقدار $x$ را به دست آورید:   |        |       | ۱.۵  |
| ۶    | معادلات زیر را حل کنید:   |        |       | ۳    |
|      | <ul style="list-style-type: none"> <li><math>\frac{x-3}{x-1} = \frac{x+2}{x+1}</math></li> <li><math>\frac{3}{x-1} - \frac{2}{x+3} = \frac{4}{x-2}</math></li> </ul>                                      |        |       |      |
| ۷    | درباره تابع $f = \{(2, -1), (3,0), (4,1), (5,2)\}$ زیر به سوالات زیر پاسخ دهید:   |        |       | ۲.۵  |
|      | <ul style="list-style-type: none"> <li>دامنه و برد تابع <math>f</math> را مشخص کنید:</li> <li>نمایش مختصاتی، پیکانی آن را بنویسید:</li> <li>ضابطه تابع را بنویسید:</li> </ul>                             |        |       |      |

|             |    |  |
|-------------|----|--|
| ۱,۵         | ۸  | نمودار مختصاتی یک رابطه در چه صورت تابع است؟ با مثال هایی از نمودار مختصاتی دو رابطه تابع بودن و نبودن آن ها را نشان دهید:   |
| ۱           | ۹  | بدون حل معادله درجه دوم $5x^2 - 2x - 10 = 0$ مجموع و حاصل ضرب ریشه ها را به دست آورید:                                       |
| ۲,۵         | ۱۰ | ضابطه تابع خطی که از نقاط $(3,2)$ و $(4,1)$ میگذرد را مشخص کنید و نمودار آن را رسم کرده و مقادیر $f(-3)$ و $f(2)$ را بیابید. |
| ۱           | ۱۱ | کدام یک از معادلات زیر به ازای هر مقدار $a$ همواره دارای جواب حقیقی است:<br>$x^2 + ax - 1 = 0$ $x^2 - x + a = 0$             |
| موفق باشیم: |    |  |

