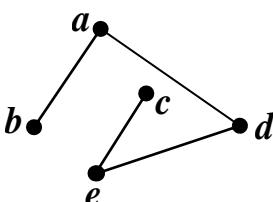


رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	نام و نام خانوادگی:
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۹	تعداد صفحه: ۲
مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسرکشور در فوبت دی ماه سال ۱۳۹۸	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه

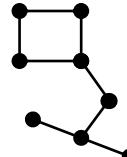
ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره
۱	<p>درست یا نادرست بودن عبارات زیر را مشخص کنید.</p> <p>(الف) اگر <math>a b</math> آن‌گاه <math> a,b = b</math>.</p> <p>(ب) معادله همنهشتی <math>a \equiv b</math> دارای جواب است اگر و تنها اگر <math>(a,b) m</math>.</p> <p>(پ) تعداد رأس‌های زوج هر گراف، عددی فرد است.</p> <p>(ت) تعداد توابع یک به یک از یک مجموعه ۲ عضوی به یک مجموعه ۳ عضوی برابر ۶ است.</p>	۱
۲	<p>به روش بازگشتی ثابت کنید، اگر <math>a &gt; b</math> آن‌گاه <math>\frac{1}{a} \geq \frac{1}{b}</math>.</p>	۱
۳	<p>اگر عدد طبیعی <math>a &gt; 1</math>، در دو شرط <math>a 6k+9</math> و <math>a 4k+14</math> صدق کند، مقدار <math>a</math> را بیابید.</p>	۱
۴	<p>فرض کنید <math>a</math> عددی طبیعی باشد. حاصل <math>[21a^3, 35a^3]</math> را به دست آورید.</p>	۱
۵	<p>باقي مانده تقسیم <math>13^{22}</math> را بر ۱۷ به دست آورید.</p>	۱
۶	<p>ثابت کنید می‌توان دو طرف یک رابطه همنهشتی را در عددی صحیح ضرب کرد، به عبارتی دیگر، برای اعداد صحیح <math>c, b, a</math> و عدد طبیعی <math>m</math>، اگر <math>a \equiv b</math> آن‌گاه <math>ac \equiv bc</math>.</p>	۱
۷	<p>جواب‌های عمومی معادله سیاله خطی <math>7x + 13y = 9</math> را به دست آورید.</p>	۱/۵
۸	<p>گراف <math>G</math> به صورت مقابل را در نظر بگیرید و به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>(الف) <math>\delta(G)</math> را مشخص کنید.</p> <p>(ب) اندازه گراف را تعیین کنید.</p> <p>(پ) مجموعه همسایگی بسته رأس <math>b</math> را بنویسید.</p> <p>(ت) اگر <math>\{e, x, b\} = N_G(d)</math> باشد، <math>X</math> کدام رأس است؟</p>	۱/۲۵
۹	<p>(الف) گراف <math>K</math> - منتظم از مرتبه <math>n</math> را تعریف کنید.</p> <p>(ب) آیا گراف <math>3</math>-منتظم از مرتبه <math>5</math> وجود دارد؟ دلیل بیاورید.</p>	۱
۱۰	<p>گراف <math>G</math> به صورت مقابل را در نظر بگیرید و به سوالات زیر پاسخ دهید.</p> <p>(الف) دوری به طول ۵ مشخص کنید.</p> <p>(ب) مکمل گراف <math>G</math> را رسم کنید.</p>	۱
«بقیه سوالات در صفحه دوم»		

نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته : ریاضی فیزیک
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان : ۱۳۹۸/۱۰/۹	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در فوبت دی ماه سال ۱۳۹۸ <a href="http://aee.mediu.ir">http://aee.mediu.ir</a>	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	سوالات پاسخ نامه دارد

ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره
۱۱	برای گراف رو به رو: الف) یک مجموعه احاطه گر با ۴ عضو مشخص کنید. ب) مجموعه‌ای از رؤوس را مشخص کنید که احاطه گر مینیمال باشد.	۱/۲۵
۱۲	اگر $n$ تعداد رؤوس گراف و $\Delta$ ماکزیمم درجه گراف باشد، الف) گرافی رسم کنید که برای آن عدد احاطه گر برابر $\left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$ است. ب) گرافی رسم کنید که برای آن عدد احاطه گری بزرگ‌تر از $\left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$ باشد.	۱/۲۵
۱۳	با حروف کلمه «می سی سی پی» چند جایگشت ۸ حرفی با معنا یا بی معنا می‌توان نوشت؟	۱
۱۴	۶ کتاب ریاضی مختلف و ۵ کتاب فیزیک متتمایز را به چند طریق می‌توان کنار هم در یک ردیف قرار داد، به طوری که: الف) کتاب‌ها یکی در میان قرار گیرند. ب) کتاب‌های ریاضی کنار هم و کتاب‌های فیزیک نیز کنار هم باشند.	۱/۲۵
۱۵	معادله $x_۱ + x_۲ + x_۳ + x_۴ = ۱۴$ چند جواب صحیح و ناممکن دارد، به شرط آن که $x_i > ۲$ باشند.	۱
۱۶	بررسی کنید، آیا دو مربع لاتین $3 \times 3$ رو به رو متعامدند؟	۰/۷۵
۱۷	با استفاده از اصل شمول و عدم شمول، تعداد توابع پوشاییک مجموعه ۴ عضوی به یک مجموعه ۳ عضوی را به دست آورید.	۱/۷۵
۱۸	مجموعه اعداد $A = \{1, 2, 3, \dots, ۸۴\}$ را در نظر بگیرید. نشان دهید هر زیر مجموعه ۴ عضوی از $A$ دارای ۲ عضو است که مجموعشان برابر ۸۵ است.	۱
	"موفق باشید"	۲۰ جمع نمره

<b>راهنماي تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته</b> <b>ساعت شروع: ۱۰ صبح</b> <b>مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه</b>			
<b>تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۰۹</b>		<b>پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه</b>	
<b>مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی</b> <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>		<b>دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسرکشور دیماه سال ۱۳۹۸</b>	
<b>راهنماي تصحیح</b>		<b>ردیف</b>	
۱	الف) درست (۰/۲۵) ( قسمت ب سوال ۱ کار در کلاس صفحه ۱۳) (ب) نادرست (۰/۲۵) ( قضیه صفحه ۲۵) پ) نادرست (۰/۲۵) (نتیجه ابتدای صفحه ۴۰) ت) درست (۰/۲۵) (نکته قسمت دوم فعالیت صفحه ۷۸)	۱	
۱	$a + \frac{1}{a} \geq 2 \Leftrightarrow a^2 + 1 \geq 2a \quad (۰/۲۵) \Leftrightarrow a^2 - 2a + 1 \geq 0 \quad (۰/۲۵) \Leftrightarrow (a-1)^2 \geq 0 \quad (۰/۲۵)$ <p>همواره برقرار است، پس با برگشت روابط حکم برقرار می باشد. (۰/۲۵) (مثال اول صفحه ۷)</p>	۲	
۱	$\begin{aligned} a 4k+9 &\Rightarrow a \underbrace{-6(4k+9)}_{(۰/۲۵)} + \underbrace{4(6k+14)}_{(۰/۲۵)} \Rightarrow a 2 \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{a>1} a=2 \quad (۰/۲۵) \\ a 6k+14 & \end{aligned}$ <p>(مشابه کار در کلاس صفحه ۱۱ سوال ۱)</p>	۳	
۱	$A = 21a^3 = 3 \times 7 \times a^3 \quad (۰/۲۵), \quad B = 35a^3 = 5 \times 7 \times a^3 \quad (۰/۲۵) \Rightarrow [A, B] = 105a^3 \quad (۰/۵)$ <p>(مشابه سوال ۱۶ صفحه ۱۷)</p>	۴	
۱	$13 \stackrel{۱۷}{\equiv} -4 \quad (۰/۲۵) \rightarrow 13^2 \stackrel{۱۷}{\equiv} 16 \stackrel{۱۷}{\equiv} -1 \quad (۰/۲۵) \rightarrow 13^{۲۲} \stackrel{۱۷}{\equiv} -1 \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{-1 \equiv 16} r = 16 \quad (۰/۲۵)$ <p>(مشابه سوال ۹ صفحه ۲۹)</p>	۵	
۱	$a \stackrel{m}{\equiv} b \Rightarrow m a-b \quad (۰/۲۵) \Rightarrow m c(a-b) \quad (۰/۲۵) \Rightarrow m ac-bc \quad (۰/۲۵) \Rightarrow ac \stackrel{m}{\equiv} bc \quad (۰/۲۵)$ <p>(ویژگی ۲ صفحه ۱۹)</p>	۶	
۱/۵	$13y \stackrel{۹}{\equiv} 7, \quad (13 \stackrel{۹}{\equiv} 4, \quad 7 \stackrel{۹}{\equiv} 16) \quad (۰/۲۵) \rightarrow 4y \stackrel{۹}{\equiv} 16 \quad (۰/۲۵) \xrightarrow{(4,9)=1 \quad (۰/۲۵)} y \stackrel{۹}{\equiv} 4 \quad (۰/۲۵)$ $y = 9k + 4 \quad (۰/۲۵), \quad x = -13k - 5 \quad (۰/۲۵)$ <p>(لطفا برای راه حل های دیگر بارم مناسب در نظر بگیرید.)</p>	۷	
۱/۲۵	(الف) $\delta(G) = 1 \quad (۰/۲۵)$ (ب) $x = c \quad (۰/۲۵)$ (پ) $N_G[b] = \{b, a, c, d\} \quad (۰/۲۵)$ (ت) $q = 6 \quad (۰/۲۵)$ (مشابه سوال ۲ صفحه ۴۱)	۸	
۱	الف) گرافی از مرتبه $n$ که درجه تمام رئوس آن با هم مساوی و برابر با عدد $k \leq n$ باشد. (۰/۵) (تعریف صفحه ۳۵) ب) وجود ندارد. (۰/۲۵) زیرا: تناقض (۰/۲۵) (قسمت ت سوال ۸ صفحه ۴۲)	۹	
۱	 الف) $a, c, d, b, e, a \quad (۰/۵)$ (ب) (مشابه شکل ۱۶ صفحه ۳۷) (۰/۵) (تعریف دور صفحه ۳۸)	۱۰	
۱/۲۵	الف) مجموعه احاطه گر با ۴ عضو مانند: $\{c, f, h, g\} \quad (۰/۵)$ (کار در کلاس صفحه ۴۷) ب) احاطه گر مینیمال مانند: $\{c, f, g\} \quad (۰/۷۵)$ (لطفا برای راه حل های دیگر بارم مناسب در نظر بگیرید.)	۱۱	
ادامه پاسخها در صفحه دوم			

راهنماي تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۱۰ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۱۰/۰۹	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور دی ماه سال ۱۳۹۸		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی <a href="http://aee.medu.ir">http://aee.medu.ir</a>	

ردیف	راهنماي تصحیح	نمره									
۱۲	<p>(الف) برای مثال اگر <math>n=10</math>، رسم <math>C_{10}</math> یا <math>P_{10}</math> در این گرافها: <math>\gamma(G)=\left\lfloor \frac{n}{\Delta+1} \right\rfloor = 4</math> . (کار در کلاس صفحه ۴۹)</p> <p>(ب) در گرافی مشابه </p> <p>(لطفا برای راه حل های دیگر بارم مناسب در نظر بگیرید.)</p>	۱/۲۵									
۱۳	<p>(مشابه مثال صفحه ۵۸) <math>\frac{8!}{4! \times 2!} = \frac{8 \times 7 \times 6 \times 5}{2} = 840</math> (۰/۲۵)</p>	۱									
۱۴	<p>(الف) <math>6! \times 5! \times 4! \times 2!</math> (۰/۲۵) <math>b) (0/25)</math> (مشابه مثال صفحه ۵۷)</p>	۱/۲۵									
۱۵	<p><math>y_1 + ۳ + x_۲ + \underbrace{y_۳ + ۴}_{(0/25)} + x_۴ + x_۵ = ۱۴ \Rightarrow y_1 + x_۲ + y_۳ + x_۴ + x_۵ = ۷</math> (۰/۲۵)</p> $\Rightarrow \binom{n+k-1}{k-1} = \binom{11}{4}$ (۰/۲۵) <p>(مشابه سوال ۳ کار در کلاس صفحه ۶۱)</p>	۱									
۱۶	<p>متعمدند. زیرا در جدول ترکیب شده از دو مربع لاتین، عدد تکراری نداریم. (۰/۲۵)</p> <p>(مشماره ۳ کار در کلاس صفحه ۶۶)</p> <table border="1" data-bbox="222 1167 412 1313"> <tr> <td>۱۱</td><td>۲۲</td><td>۳۳</td></tr> <tr> <td>۳۲</td><td>۱۳</td><td>۲۱</td></tr> <tr> <td>۲۳</td><td>۳۱</td><td>۱۲</td></tr> </table>	۱۱	۲۲	۳۳	۳۲	۱۳	۲۱	۲۳	۳۱	۱۲	۰/۷۵
۱۱	۲۲	۳۳									
۳۲	۱۳	۲۱									
۲۳	۳۱	۱۲									
۱۷	<p><math>1 \leq j \leq ۳ \quad A_j = \{f : A \rightarrow B \mid f(a_i) \neq b_j \quad 1 \leq i \leq ۴\}</math></p> <p><math>A = \{a_۱, a_۲, a_۳, a_۴\}, B = \{b_۱, b_۲, b_۳\}</math> (۰/۲۵)</p> <p><math> S  = ۳^۴</math> (۰/۲۵) ، <math> A_i  = ۲^۴</math> (۰/۲۵) ، <math> A_i \cap A_j  = ۱^۴</math> (۰/۲۵) ، <math> A_۱ \cap A_۲ \cap A_۳  = ۰</math> (۰/۲۵)</p> <p><math>\underbrace{ A_۱ \cup A_۲ \cup A_۳ }_{(0/25)} =  S  -  A_۱ \cap A_۲ \cap A_۳  = ۸۱ - (۳ \times ۱۶ - ۳ \times ۱ + ۰) = ۳۶</math> (۰/۲۵)</p> <p>(مشابه فعالیت صفحه ۷۷)</p>	۱/۷۵									
۱۸	<p>(سوال ۱۲ صفحه ۸۳)</p> <p>تعداد کبوترها = <math>4^3 = ۴۳</math> (۰/۲۵) و تعداد لانهها = <math>4^2 = ۱۶</math> و به صورت زیر هستند. (۰/۲۵)</p> <p><math>\underbrace{\dots, \underbrace{\underbrace{\underbrace{\dots}_{42,43}}_{3,82}}_{2,82}}_{1,84}</math> (۰/۲۵)</p> <p>چنان‌چه قرار باشد کبوترها لانه‌ها را اشغال کنند، آن‌گاه طبق اصل لانه کبوتری حداقل دو عدد وجود دارد که در یک لانه جای می‌گیرند و مجموع عشان ۸۵ است. (۰/۲۵)</p>	۱									

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»