

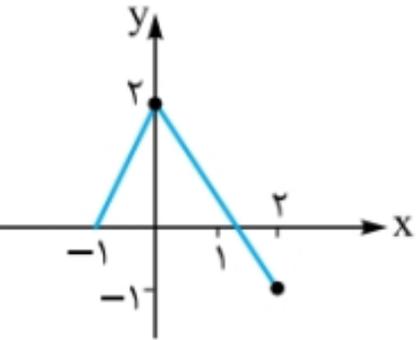
به نام خدا

سوالات دی ماه دبیرستان فجر شاهد (آزمون غیر حضوری)

دبیر: مریم کردلو

مدت آزمون: 100 دقیقه

ریاضی دوازدهم تجربی



(1) اگر تابع  $y = f(x - 1)$  به صورت مقابل باشد، برد تابع  $y = 3f(x + 1) - 1$  کدام است؟ (1نمره)

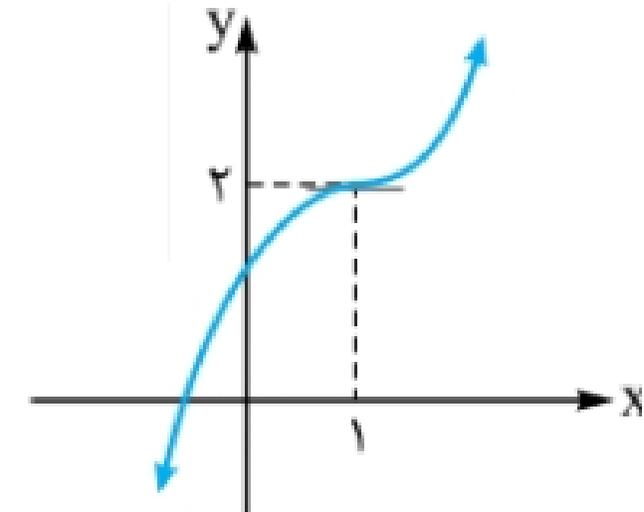
(2)  $[-3, 6]$

(1)  $[-4, 5]$

(4)  $[-\frac{4}{3}, -\frac{1}{2}]$

(3)  $[-\frac{1}{3}, \frac{2}{3}]$

(2) نمودار تابع با ضابطه  $y = (x - a)^3 + b$  به صورت مقابل است. حاصل  $ab$  کدام است؟ (1نمره)



(1)  $-2$  (3)  $3$

(2)  $2$  (4)  $-3$

3) اگر تابع  $f = \{(1,1), (3,6), (\sqrt{2}, m^2 - 2), (10, 20)\}$  اکیداً صعودی باشد، حدود  $m$  شامل چند عدد صحیح است؟ (1/5 نمره)

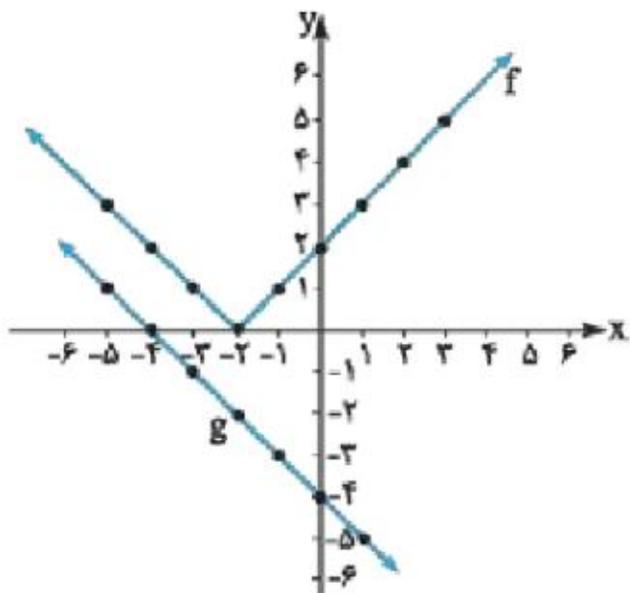
(1) صفر

(2) 2

(3) 4

(4) 6

پاسخ کاملاً تشریحی



4) با توجه به نمودار  $f$  و  $g$ ، حاصل  $\frac{f \circ g(-1) + g \circ f(0)}{f \circ f(1)}$  کدام است؟ (1 نمره)

(1) 1

(2) -1

پاسخ کاملاً تشریحی

5) اگر  $f(x) = \sqrt{3-2x}$  و  $g(x) = \frac{6}{x-5}$ ، دامنه تابع  $g \circ f$  کدام است؟ (1/5 نمره)

(1)  $\mathbb{R} - \{5\}$

(2)  $\mathbb{R} - \{-1\}$

(3)  $(-\infty, \frac{3}{2}] - \{5\}$

(4)  $(-\infty, \frac{3}{2}] - \{-11\}$

پاسخ کاملا تشریحی

6 ضابطه تابع معکوس تابع  $f(x) = x^2 - 4x + 5, x \geq 2$  کدام است؟ (1نمره)

$f^{-1}(x) = \sqrt{x+2} - 2, x \geq -1$  (2)

$f^{-1}(x) = \sqrt{x-1} + 2, x \geq 1$  (1)

$f^{-1}(x) = \sqrt{x+2} - 2, x \geq 1$  (4)

$f^{-1}(x) = \sqrt{x-1} - 1, x \geq 2$  (3)

7 نمودار تابع  $y = -3\sin x + 2$  در نقطه با طول ..... دارای ماکزیمم به عرض ..... است. (1نمره)

$3, \frac{3\pi}{2}$  (4)

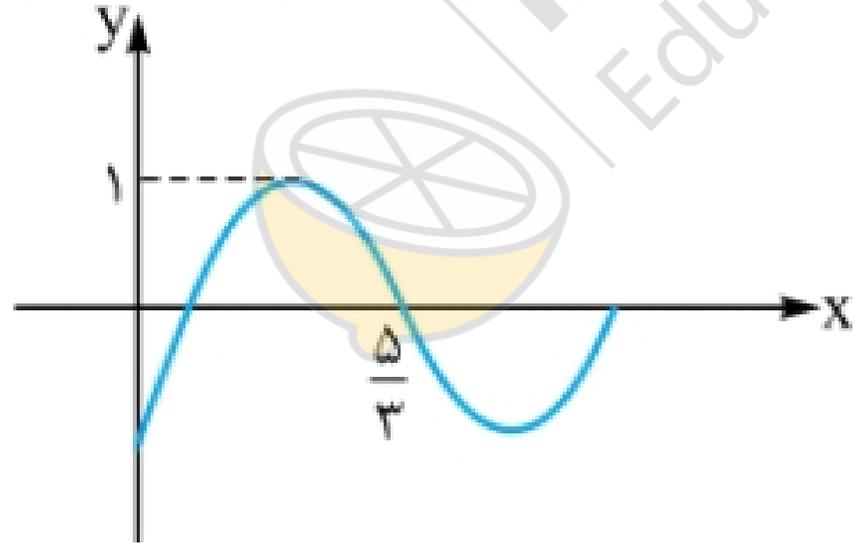
$3, \frac{\pi}{2}$  (3)

$5, \frac{3\pi}{2}$  (2)

$-1, \frac{\pi}{2}$  (1)

8 اگر قسمتی از نمودار  $f(x) = a \sin(b\pi x) - 1$  به شکل زیر باشد، مقدار  $b$  کدام گزینه می تواند باشد؟ (1/5نمره)

پاسخ کاملا تشریحی



$\frac{3}{2}$  (3)      2 (1)

$-\frac{1}{2}$  (4)      -2 (2)

9) جواب کلی معادله مثلثاتی  $2 \sin^2 x + 3 \cos x = 0$  ، کدام است؟ (1/5نمره)

پاسخ کاملا تشریحی

$x = k\pi - \frac{\pi}{3}$  (4)

$x = 2k\pi \pm \frac{5\pi}{6}$  (3)

$x = 2k\pi \pm \frac{\pi}{3}$  (2)

$x = 2k\pi \pm \frac{2\pi}{3}$  (1)

10) دامنه تابع  $f(x) = 3 \tan\left(\frac{x}{2}\right)$  شامل کدام مجموعه اعداد نمی شود؟ (1نمره)

$\frac{k\pi}{2}$  (4)

$(2k+1)\pi$  (3)

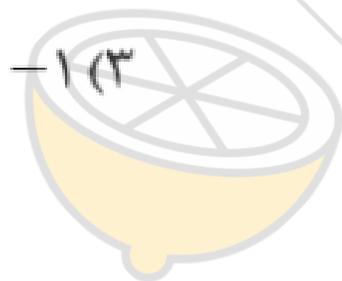
$2k\pi$  (2)

$k\pi$  (1)

پاسخ کاملا تشریحی

11) حاصل  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 - 2x}{x^3 - 3x^2 + 2x}$  کدام است؟ (1نمره)

2 (4)



-1 (3)

1 (2)

صفر (1)

پاسخ کاملا تشریحی

12) حد تابع  $h(x) = \frac{x^2 - 8x}{\sqrt[3]{x} - 2}$  در  $x = 8$  کدام است؟ (1نمره)

96 (4)

84 (3)

48 (2)

42 (1)

13) حاصل  $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{2}{|x|} \times \frac{x+1}{\sin^2 x}$  کدام است؟ (1نمره)

-∞ (۴)

+∞ (۳)

-۱ (۲)

۱ (۱)

14) حاصل  $\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{\sin x}{1 + \cos x}$  کدام است؟ (1نمره)

-۱ (۴)

۱ (۳)

-∞ (۲)

+∞ (۱)

15) حاصل حد عبارت  $\frac{3 + \frac{1}{x^2}}{\frac{4}{x} - 5}$  وقتی که  $x \rightarrow +\infty$  کدام است؟ (1نمره)

$\frac{1}{4}$  (۴)



-∞ (۲)

+∞ (۱)

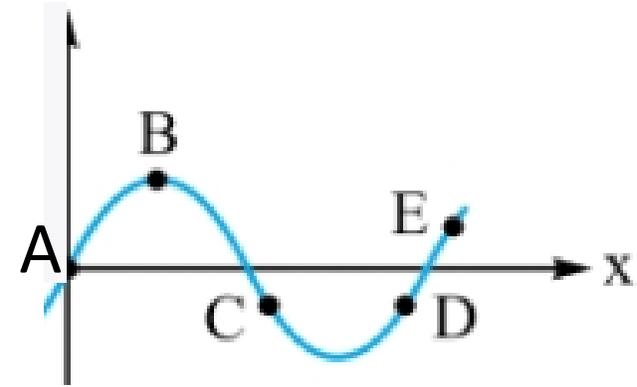
16) در کدام نقطه روی نمودار،  $f(x)f'(x) < 0$  است؟ (1نمره)

(1) C و E

(3) D

(2) C و B

(4) A



پاسخ کاملا تشریحی

17) اگر  $f(x) = -x^2 + 10x$ ،  $f'(2)$  کدام است؟ با استفاده از تعریف مشتق (2نمره)

(1) 4

(2) 6

(3) -4

(4) -6

جمع بارم : بیست

خدایا چنان کن سرانجام کار  
تو خشنود باشی، ما رستگار