



 دبیرستان دخترانه جامی ... پروردگاری	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	بسمه تعالی	امتحانات نوبت دوم سال تحصیلی ۱۴۰۰-۹۹
	نام دبیر: سرکار خانم پریسا حسینزاده	اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران	نام درس: حسابان (۱)
	نام و نام خانوادگی:	اداره آموزش و پرورش منطقه شش تهران	پایه: یازدهم رشته: ریاضی
	شماره صندلی:	دبیرستان غیردولتی دخترانه جامی نوین	تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۰۸ ساعت: ۱۱ صبح
نمره به حروف:	نمره به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:
تاریخ و امضا:	نام دبیر:	تاریخ و امضا:	نام دبیر:

ردیف	سوالات	بارم
۱	جاهای خالی را با عبارت‌های مناسب تکمیل کنید. الف) معادله درجه دومی که ریشه‌های آن $\sqrt{3} \pm 2$ است، می‌باشد.	
۲	ب) برد تابع $f(x) = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ است. ج) اگر انتهای کمان α در ربع دوم و $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ باشد، مقدار $\sin 2\alpha$ برابر است. د) اگر بازه $(x-1, 2x+3)$ یک همسایگی ۲ باشد، آن‌گاه مجموعه مقادیر x بازه است.	
۳	مجموع اعداد طبیعی دورقمی فرد و مضرب ۳ را بیابید.	۱
۴	معادله زیر را حل کنید.	۱
۵	دانمه تابع زیر را به دست آورید. $f(x) = \sqrt{ x+1 - 3}$	۱
۶	نشان دهید دو خط به معادلات $4x + 3y = 5$ و $-6y + 2x = 4$ باهم موازی‌اند و سپس فاصله بین آن‌ها را به دست آورید.	۱
۷	اگر $f(x) = \begin{cases} 1-x & x \leq 0 \\ -\frac{1}{x} & x > 0 \end{cases}$ باشد، با رسم نمودار نشان دهید f وارون‌پذیر است و سپس تابع وارون آن را تعیین کنید.	۱/۵
۸	الف) دانمه تابع $f(x) = 2^{-x}$ را رسم کنید. ب) ضابطه تابع fog ج) مقدار $(fg)(2)$	۰/۵
۹	الف) اگر $\log 2 = a$ و $\log 3 = b$ باشد، حاصل $\log \frac{\sqrt[3]{24}}{125}$ را برحسب a و b بنویسید. ب) معادله لگاریتمی $\log_3(5x-1) = 2$ را حل کنید.	۲

ردیف	سوالات	بارم
۱۰	<p>به کمک قسمتی (قطاعی) از یک دایره، مخروطی ساخته‌ایم. اگر شعاع قاعده مخروط 5cm و ارتفاع آن 12cm باشد، زاویه مرکزی این قطاع چند رادیان است؟</p>	۰/۷۵
۱۱	<p>الف) حاصل عبارت زیر را به ساده‌ترین صورت بنویسید.</p> $A = \sin(x - 2\pi)\cos\left(x - \frac{11\pi}{2}\right) + \sin\left(\frac{\pi}{2} + x\right)\cos(\pi + x) - \tan\left(\frac{\pi}{2} - x\right)\tan(\pi - x)$ <p>ب) نمودار تابع $y = -\sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$ رارسم کنید.</p>	۲/۷۵
۱۲	<p>نمودار تابع f به صورت زیر است. حدود زیر را در صورت وجود مشخص کنید.</p> <p>(الف) $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$</p> <p>(ج) $\lim_{x \rightarrow (-1)^-} f(x)$</p> <p>(د) $\lim_{x \rightarrow 3} f(x)$</p>	۱
۱۳	<p>مقدار حدّهای زیر را بیابید.</p> <p>(الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - \sqrt{x+2}}{x^2 + x - 6}$</p> <p>(ب) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{4}} \frac{\cos x - \sin x}{\cos 2x}$</p> <p>(ج) $\lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 - 2x[x]}{x^2 - 4}$</p> <p>(د) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{2x - \pi}{\cos x}$</p>	۳
۱۴	<p>مقدار a و b را چنان بیابید که تابع زیر در $x = 1$ پیوسته باشد.</p> $f(x) = \begin{cases} [x] + bx & x > 1 \\ 2 & x = 1 \\ \frac{ x-1 }{x^2-1} + a & x < 1 \end{cases}$	۱
۱۵	<p>بازهٔ بسته‌ای ارائه کنید که تابع $f(x) = 3 - \sqrt{4x - 3}$ روی آن پیوسته باشد.</p>	۰/۵