

نمره با عدد:
نمره با حروف:
امضا

نام دبیر :

نام و نام خانوادگی :

شماره کارت :

ردیف	طالب علم در دنیا به عزت می رسد و در آخرت به رستگاری. امام محمد تقی (ع)	بارم	نام دبیر :	نام و نام خانوادگی :	شماره کارت :
۱	بيشترین مقدار تابع $f(x) = -\frac{x^2}{2} + 20x$ را به دست آوريد.	۰/۵			
۲	يکی از اضلاع مربعی بر خط $y = 2x - 1$ واقع است. اگر $A(3, 0)$ يکی از رئوس اين مربع باشد، مساحت آن را بدست آوريد.	۰/۷۵			
۳	در معادله $x^2 - 3x + 1 = 0$ بدون به دست آوردن ريشه هاي معادله، حاصل $x_1\sqrt{x_2} + x_2\sqrt{x_1}$ را به دست آوريد.	۰/۷۰			
۴	در شكل زير $\widehat{A}_1 = \widehat{C}$ ، مقدار x را پيدا کنيد.	۰/۷۰			
۵	در شكل زير $BDFE$ متوازي الأضلاع است. مقدار x چقدر است.	۰/۷۰			
۶	در شكل زير $ABCD$ مستطيل است. مقدار x را به دست آوريد.	۱			

الف) ابتدا تابع $f(x) = [x] + 2$ را در دامنه $(-1, 3]$ به صورت چند ضابطه ای نوشته و سپس نمودار آن را رسم کنید.

۱

۲

۰/۵

ب) با استفاده از انتقال، نمودار توابع زیر را رسم کنید.
 a) $y = 1 - \sqrt{x - 3}$ b) $y = -|x - 3| + 2$

۱

نمودار تابع $y = -2\sin\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ را با استفاده از روش انتقال رسم کنید و دامنه و برد آن را بنویسید.

۱

نشان دهید مثلثی با زوایای $\frac{\pi}{3}$ و $\frac{\pi}{9}$ و $\frac{7\pi}{36}$ رادیان وجود ندارد.

۱

اگر $\cot 20^\circ = 1/5$ ، مقدار عددی عبارت زیر را به دست آورید.

$$A = \frac{2\sin 110^\circ + \cos 160^\circ}{\sin 340^\circ - 2\cos 250^\circ}$$

۰/۷۵

۰/۵

الف) حاصل عبارت $\log_{1/20}^{1/100} + \log_{1/20}^{\sqrt[3]{1/20}} - \log_{1/20}^{1/28}$ را به دست آورید.

ب) نمودار تابع $|y| = \log(x - 2)$ را رسم کنید.

ج) دامنه تابع $y = \frac{x+2}{\sqrt{\log_{1/2}^{(x+1)}}}$ را بدست آورید.

صفحه سوم

معادله و نامعادله زیر را حل کنید.

۱۲

۰ / ۷۵

(الف) $\left(\frac{1}{9}\right)^x < \left(\frac{1}{3}\right)^{x^2}$

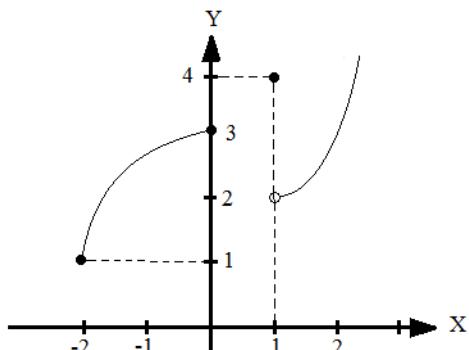
۱ / ۵

(ب) $\log_x^{(x^2+x)} = \log_x^{(x-5)}$

با استفاده از نمودار زیر عبارت داده شده را محاسبه کنید.

۱۳

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) - 2 \lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) + f(1)$$



مقدار حد های زیر را در صورت وجود، بیابید.

۱۴

(الف) $\lim_{x \rightarrow 2\pi} \frac{1 - \cos x}{\sin^2 x}$

۱ / ۵

(ب) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{\sqrt[3]{x} - 1}{x^2 - 5x + 4}$

(ج) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}^-} [\cos x]$



مقادیر a و b را چنان تعیین کنید که تابع زیر در $x = 2$ پیوسته باشد.

۱۵

۱ / ۲۵

$$f(x) = \begin{cases} \frac{x^3 - 8}{x - 2} & x < 2 \\ ax + b & x = 2 \\ a[x] + 2x + 1 & x > 2 \end{cases}$$

در داده های اماری ۱۳ و ۱۲ و ۱۱ و ۹ و ۸ و ۷ و ۶ و ۴ و ۳ داده های کمتر از چارک اول و بیشتر از چارک سوم را حذف کنید و ضریب تغییرات باقیمانده داده ها را به صورت تقریبی بدست اورید.

۱

اگر $P(A \cap B) = \frac{1}{4}$ و $P(B) = \frac{1}{2}$ باشد، در اینصورت $P(\bar{A}|\bar{B})$ را بدست آورید.

۱

ترکیبی از ۴ ماده شیمیایی داریم که دو تا از آنها مواد A و B هستند.
 احتمال واکنش نشان دادن ماده A ، $\frac{1}{5}$ و احتمال واکنش نشان دادن ماده B $\frac{1}{4}$ است. اگر ماده A واکنش نشان دهد، احتمال واکنش نشان دادن ماده B ، $\frac{1}{7}$ خواهد شد. با چه احتمالی حداقل یکی از مواد A یا B واکنش نشان خواهد داد.



موفق باشید.