

نام درس: ریاضی
نام مدیر: میثمی
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۰۳
ساعت امتحان: ۸:۰۰ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران
دیبرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد رسالت
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۳۹۹

نام و نام فائزه‌گی:
مقطع و (شده):
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: صفحه

ردیف	محل مهر و امضاء مدیر	نمره تجدید نظر به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:
		نام مدیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:
۱		جملات درست و نادرست را مشخص کنید. الف) قرینه قرینه هر عدد با خودش برابر است. ب) تمام اعداد طبیعی حداقل یک مقسوم علیه اول دارند. پ) عبارت $a^2 + b^2$ برابر است با $a + b$. ت) حاصل ضرب هر عدد گویا در معکوسش برابر یک است.		۱
۰/۷۵		جمله‌های زیر را کامل کنید. الف) دو خط موازی با یک خط، باهم است. ب) محیط مربعی به ضلع $2b$ برابر است با پ) جمله‌ی n ام الگوی عددی $\dots, 16, 9, 4, 1$ برابر است با		۲
۰/۵	$(-5 + 7 - 4) + \left(-\frac{1}{4} + \frac{5}{6} - \frac{1}{12}\right) =$	حاصل عبارت زیر را به دست آورید.		۳
۰/۵		۴ عدد بنویسید که غیر از ۲ و ۵ شمارنده‌ی دیگری نداشته باشد.		۴
۰/۵		با روش غربال اعداد اول بین ۸۵ تا ۱۰۵ را مشخص نمایید.		۵
۱/۲۵	<p>(الف)</p> <p>(ب)</p>	<p>با توجه به شکل‌های زیر مقادیر خواسته شده را به دست آورید.</p> <p>$\hat{A} = \dots$ $\hat{C}_1 = \dots$ $\hat{C}_2 = \dots$</p> <p>$x = \dots$ (با راه حل) $\hat{A} = \dots$ $\hat{D} = \dots$</p>		۶
۰/۵	$(a + b)^2 - (a - b)^2 =$	عبارت جبری مقابل را ساده نمایید.		۷

۰/۷۵	$\frac{1}{5}x - \frac{1}{9} = \frac{1}{3}x - \frac{5}{18}$	معادله زیر را حل کنید.	۸
۱/۵	با توجه به بردارهای a و b ، مختصات بردار c را به دست آورید. (الف) $\vec{a} = \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix}; \vec{b} = \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} \quad \vec{c} = 5\vec{a} - 2\vec{b}$ (ب) $\vec{a} = \begin{bmatrix} +21 \\ -28 \end{bmatrix}; \vec{b} = \begin{bmatrix} -15 \\ 20 \end{bmatrix} \quad \vec{c} = \frac{3}{7}\vec{a} - \left(\frac{4}{5}\right)\vec{b}$		۹
۰/۷۵	مثلث OAB را با دوران 180° حول نقطه O بر مثلث OCD منطبق می کنیم، مقادیر x ، y و Z را به دست آورید.		۱۰
۱/۲۵	در شکل زیر اندازه ضلع X و مساحت ذوزنقه را به دست آورید. (۱/۲۵)		۱۱
۱/۵	ثابت کنید در شکل زیر دو مثلث با یکدیگر همنهشت هستند. (O مرکز دایره است). (۱/۵)		۱۲
۰/۷۵	عدد $\sqrt{5} - 2$ را روی محور اعداد نشان دهید. (۰/۷۵)		۱۳
۱/۵	حاصل را به صورت اعداد توان دار به دست آورید. (۱/۵)		۱۴
۱	جذر تقریبی عدد ۳۴ را تا یک رقم اعشار به دست آورید.		۱۵

جدول زیر را کامل کنید و سپس میانگین را به دست آورید. (تا یک رقم اعشار)

دسته‌ها	فرابویی	مرکز دسته × فرابویی	
$4 \leq x < 8$	۳		
$8 \leq x < 12$	۲		
$12 \leq x < 16$	۹		
$16 \leq x < 20$			۱۲۶
مجموع			

۱۶

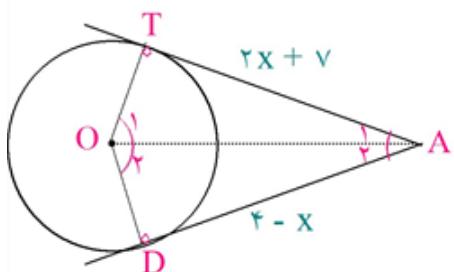
۲

- دو تاس را همزمان پرتاب می‌کنیم، احتمال اینکه مجموع اعداد داده شده بزرگ‌تر از ۸ باشد چقدر است؟ (حالات را بنویسید.)

۱۷

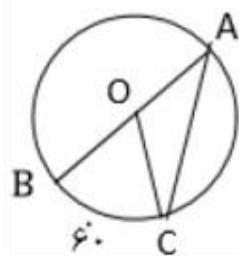
۰/۷۵

در شکل زیر AD و AT مماس بر دایره هستند مقدار X را به دست آورید.



۱۸

۲



$$\begin{aligned}\widehat{BOC} &= \\ \widehat{AC} &= \\ \widehat{COA} &= \\ \widehat{A} &= \end{aligned}$$

۱۹

۰/۲۵

- در شکل زیر O مرکز دایره و کمان CB برابر ۶۰ درجه است. اندازه زاویه‌ها و کمان خواسته شده را بنویسید.

۰/۲۵

۲۰

موفق باشید

جمع بارم : ۲۰ نمره



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	الف) درست ب) نادرست $(a + b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab$ مثال نقض: عدد ۱ (هر مورد ۲۵/۰)	ت) درست ب) نادرست
۲	الف) موازی (هر مورد ۲۵/۰ نمره)	n^2 ۸b
۳	$-\frac{1 \times 3}{4 \times 3} + \frac{5 \times 2}{6 \times 2} - \frac{1}{12} = \frac{-3 + 10 - 1}{12} = \frac{6}{12}$	$\underbrace{-5 + 7 - 4}_{2} = -2$
۴	باید فقط از عدد ۲ و ۵ استفاده کنیم.	$\rightarrow (-2 + 5 - 4) + \left(-\frac{1}{6} + \frac{5}{6} - \frac{1}{12} \right) = -\frac{2 \times 12}{1 \times 12} + \frac{6}{12} = \frac{-24 + 6}{12} = \frac{-18}{12}$
۵	۱۰۳) ۱۰۱) ۹۷) ۹۸) ۹۹) ۱۰۰) ۱۰۲)	$2 \times 5 = 10$ $2 \times 2 \times 5 = 20$ $2 \times 5 \times 5 = 50$ $2 \times 2 \times 5 \times 5 = 100$
۶	$\hat{A} = 30^\circ$ $\hat{C}_1 = 75^\circ$ (۰/۷۵) $\hat{C}_2 = 105^\circ$	$4x + 20 + 6x + 10 = 180$ $10x + 30 = 180$ $10x = 180 - 30$ $x = \frac{150}{10} = 15$ $\hat{A} = 100^\circ$ $\hat{D} = 80^\circ$
۷	$(a + b)^2 - (a - b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab - a^2 - b^2 + 2ab = 4ab$	$(a + b)^2 - (a - b)^2 = a^2 + b^2 + 2ab - a^2 - b^2 + 2ab = 4ab$
۸	$18 \times \left(\frac{1}{6}x - \frac{1}{9} = \frac{1}{3}x - \frac{5}{18} \right) \rightarrow 3x - 2 = 6x - 5 \rightarrow 3x = 3 \rightarrow x = 1$	$18 \times \left(\frac{1}{6}x - \frac{1}{9} = \frac{1}{3}x - \frac{5}{18} \right) \rightarrow 3x - 2 = 6x - 5 \rightarrow 3x = 3 \rightarrow x = 1$

الف) $\vec{c} = 5\vec{a} - 2\vec{b} = 5 \begin{bmatrix} -2 \\ 3 \end{bmatrix} - 2 \begin{bmatrix} 3 \\ -1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -10 \\ 15 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 6 \\ -2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -10 - 6 \\ 15 - (-2) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -16 \\ 17 \end{bmatrix}$

ب) $\vec{c} = -\frac{3}{7} \begin{bmatrix} +21 \\ -28 \end{bmatrix} + \frac{4}{5} \begin{bmatrix} -15 \\ 20 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -9 \\ 12 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -12 \\ 16 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -21 \\ 28 \end{bmatrix}$

$$2x = 40$$

$$x = \frac{40}{2} = 20$$

$$3y - 10 = 80$$

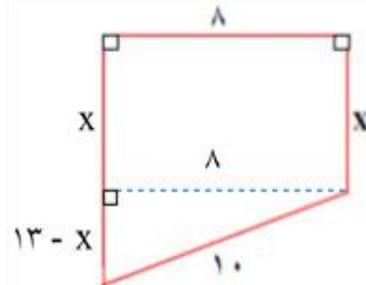
$$3y = 80 + 10 = 90$$

$$y = \frac{90}{3} = 30$$

$$2z + 10 = 60$$

$$2z = 60 - 10 = 50$$

$$z = \frac{50}{2} = 25$$



در مثلث رابطه فیثاغورس را می‌نویسیم:

$$10^2 - 8^2 = (13 - x)^2 = 100 - 64 = 36$$

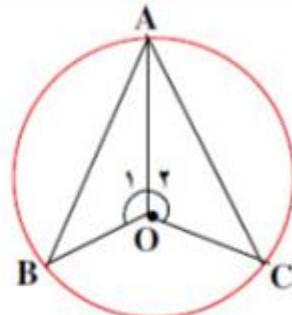
$$\Rightarrow 13 - x = 6 \Rightarrow x = 7$$

مساحت مستطیل و مثلث را محاسبه کرده، با هم جمع می‌کنیم تا مساحت ذوزنقه حاصل شود.

$$7 \times 8 + \frac{1}{2}(6 \times 8) = 56 + 24 = 80$$

$$\text{راه حل دوم: } \frac{\text{ارتفاع} \times \text{مجموع دو قاعده}}{2} = \frac{(7 + 13) \times 8}{2} = 80$$

$$\left. \begin{array}{l} OA = OB \\ OB = OC \\ \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \end{array} \right\} \xrightarrow{\text{(ض زض)}} \triangle OAB \cong \triangle OAC$$



کمان بین صفر و ۱- زده می‌شود.

الف) $2^{10} + 2^{10} + 2^{10} + 2^{10} = 4 \times 2^{10} = 2^2 \times 2^{10} = 2^{12}$

ب) $(1/5)^{10} \div \left(\frac{10}{10}\right)^6 = (1/5)^{10} \div (1/5)^6 = (1/5)^4$

عدد	$5/7$	$5/8$	$5/9$
مجدول	$32/4$	$33/6$	$34/8$

$$\sqrt{34} \cong 5/8$$

۹

۱۰

۱۱

۱۲

۱۳

۱۴

۱۵

دسته‌ها	فراوانی	مرکز دسته	مرکز دسته × فراوانی	
$4 \leq x < 8$	۳	$\frac{4+8}{2} = 6$	$3 \times 6 = 18$	
$8 \leq x < 12$	۲	$\frac{8+12}{2} = 10$	$10 \times 2 = 20$	$\bar{x} = \frac{s}{n}$ ۱۶
$12 \leq x < 16$	۹	$\frac{12+16}{2} = 14$	$9 \times 14 = 126$	$\bar{x} = \frac{290}{21} = 13.8$
$16 \leq x < 20$	۷	$\frac{16+20}{2} = 18$	۱۲۶	
مجموع	۲۱		۲۹۰	

$\frac{10}{36} = \frac{5}{18}$	۱۷
میانس ها با هم برابرند.	

AT = AD		۱۸
$2x + v = 4 - x$		
$2x + x = 4 - v$		
$3x = -v$		
$x = \frac{-v}{3} = -1$		

$\widehat{AC} = 120$	$\widehat{BOC} = 60$	۱۹
$\widehat{A} = 30$	$\widehat{COA} = 120$	

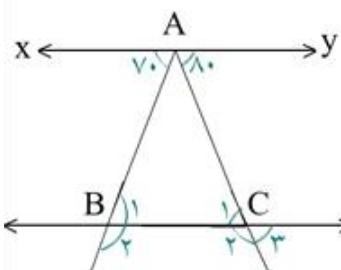
دو نقطه	۲۰
---------	----

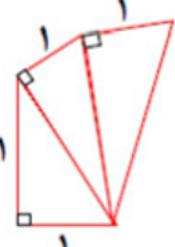
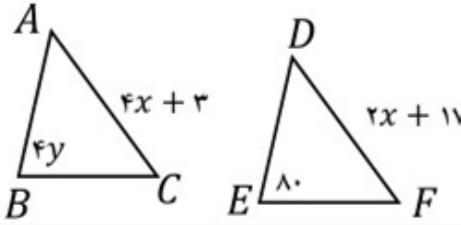
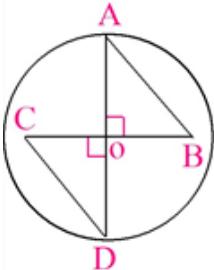
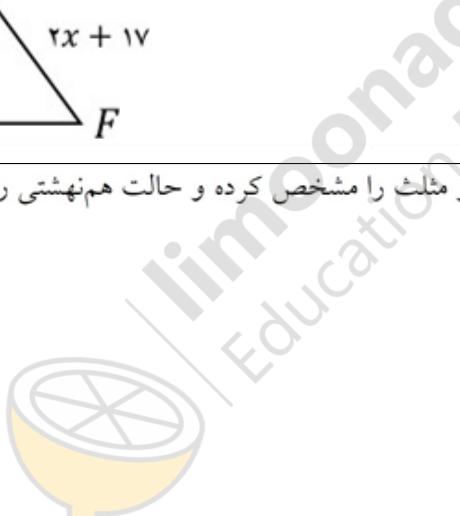
امضا:	نام و نام خانوادگی مصحح :	جمع بارم : ۵۰ نمره
-------	---------------------------	--------------------

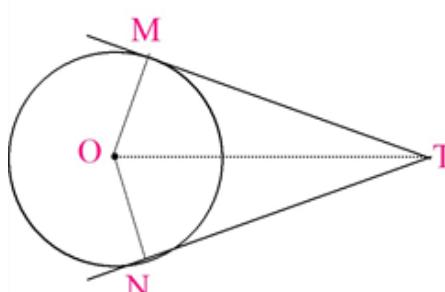
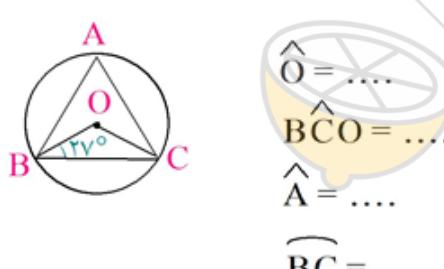
نام درس: ریاضی
نام مدیر: میثمی آزاد
تاریخ امتحان: ۰۱/۰۳/۱۴۰۵
ساعت امتحان: ۰۰:۸۸ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران
دبيرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد رسالت
آزمون پایان ترم نوبت دوم سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۳۹۹

نام و نام فائزه‌گی:
..... مقطع و (شنیده):
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: صفحه

ردیف	محل مهر و امضاء مدیر	نمره تجدید نظر به عدد:	نمره به حروف:	نمره به عدد:
		نام مدیر:	تاریخ و امضاء:	نام دبیر:
۱/۷۵		جملات درست و نادرست را مشخص کنید. الف) عمودمنصف، خطی است که پاره خط را نصف می‌کند و بر آن عمود است. ب) عبارت a^3 با عبارت $3a^3$ متشابه‌اند. پ) هر عدد صحیح یک عدد گویا است.		۱
۱		جهای خالی را کامل کنید. الف) متغیر عبارت $5XY$ - برابر است با ب) به توان سوم هر عدد می‌گویند. ج) در مجموعه $\{51, 41, 21, 31\}$ تعداد اعداد اول برابر با د) مربع دارای محور تقارن است.		۲
۱	$2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{5}}} =$	حاصل عبارت زیر را به دست آورید.		۳
۰/۵		عددهای ۸ و ۹ دو شمارنده‌ی یک عدد هستند. چهار شمارنده‌ی دیگر این عدد را بنویسید.		۴
۰/۵	(۰/۵)	برای این که بینیم عدد ۱۰۷ اول است یا نه، حداقل چند تقسیم باید انجام دهیم؟ چرا؟		۵
۱/۰۲۵		$\hat{C}_1 = \dots$ $\hat{C}_2 = \dots$ $\hat{C}_3 = \dots$ $\hat{B}_1 = \dots$ $\hat{B}_2 = \dots$	در شکل زیر (BC xy) اندازه‌ی زاویه‌های خواسته شده به دست آورید.	۶
۰/۷۵	$\frac{4xy^2 - 6x^2y}{2xy - 3x^2} =$	(۰/۷۵)	ابتدا صورت و مخرج کسر مقابل را تجزیه کنید و سپس کسر را ساده کنید.	۷

۱	$\text{الف) } 4 \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} - 2x = 6 \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} + 2x$ $\text{ب) } \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 8 \\ 10 \end{bmatrix} - \frac{x}{2} = 2 \begin{bmatrix} 4 \\ 6 \end{bmatrix}$	معادله‌های مختصات زیر را حل کنید.	۸
۰/۵	$\rightarrow \rightarrow \rightarrow$ $c = r a + b$	اگر شکل زیر را تا <u>۸</u> مثلث ادامه دهیم، محیط شکل را بدست آورید. با توضیح	۹
۱/۲۵		اگر شکل زیر را تا <u>۸</u> مثلث ادامه دهیم، محیط شکل را بدست آورید. (با توضیح)	۱۰
۱		دو مثلث زیر همنهشت هستند. مقدار x و y را بدست آورید.	۱۱
۱	$(\hat{A} = \hat{D} = 40^\circ)$  	نقطه‌ی O مرکز دایره است. اجزای مساوی دو مثلث را مشخص کرده و حالت همنهشتی را بیان کنید.	۱۲
۰/۵		عدد $2 - \sqrt{3}$ را روی محور اعداد نشان دهید.	۱۳
۰/۵	$\sqrt{8} - \sqrt{9 + 4\sqrt{100}} =$	مقدار دقیق عبارت زیر را بدست آورید. <u>۰/۵</u>	۱۴
۱/۵	$\text{الف) } (3^5 \times 4^5) \div 12^2 =$ $\text{ب) } 27 \times 3^7 =$ $\text{ج) } 4^{10} + 4^{10} =$	حاصل هر عبارت را به صورت عدد توان دار بنویسید.	۱۵
۱		جذر 218 را تا یک رقم اعشار به دست آورید.	۱۶

	میانگین نمره‌های زهره در سه درس ریاضی، علوم و زبان ۱۸ بوده است. اگر نمره‌ی ریاضی ۲۰ و نمره‌ی باشد، نمره‌ی درس علوم را به دست آورید.	۱۷
۱/۵	جدول صفحه‌ی بعد مربوط به میزان ساعت مطالعه‌ی تعدادی دانشآموز در طول روز می‌باشد. آن را کامل نموده و میانگین آن را به دست آورید.	۱۸
۰/۵	یک تاس و یک سکه را با هم می‌اندازیم. احتمال این‌که تاس عددی اول و سکه پشت بباید چقدر است؟ (را راه حل) ۰/۵	۱۹
۱	در شکل مقابل $OT = \sqrt{29}$ است محیط چهارضلعی OMTN چه قدر است؟ (شعاع دایره برابر ۲ است).	۲۰
۱	 با توجه به شکل اندازه‌های خواسته شده را به دست آورید. (O مرکز دایره) ② $\hat{C}_1 = \dots$ $\hat{B} = \dots$ $\hat{D}C = \dots$	۲۱
۱	 در شکل زیر مقدار زاویه‌های خواسته شده را به دست آورید. $\hat{O} = \dots$ $\hat{BCO} = \dots$ $\hat{A} = \dots$ $\hat{BC} = \dots$	۲۲

جمع بار ۲۰ نمره موفق باشید



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	الف) درست (هرمورد ۲۵/۰)	ب) نادرست ب) درست
۲	الف) xy	ب) مکعب ج) ۲ تا {۳۱، ۴۱} (د) ۴
۳	بنابراین:	$4 + \frac{1}{5} = \frac{4}{1} + \frac{1}{5} = \frac{20+1}{5} = \frac{21}{5}$ $\rightarrow 3 + \frac{1}{\frac{21}{5}} = 3 + \frac{5}{21} = \frac{63+5}{21} = \frac{68}{21}$ $2 + \frac{1}{3 + \frac{1}{4 + \frac{1}{5}}} = 2 + \frac{1}{\frac{1}{68}} = 2 + \frac{21}{68} = \frac{136+21}{68} = \frac{157}{68}$
۴	چون ۸ و ۹ شمارنده‌ی یک عدد هستند، پس آن عدد از حاصل ضرب ۸ و ۹ به وجود آمده یعنی $8 \times 9 = 72$ پس کافی است شمارنده‌های ۷۲ را بدانیم که می‌توان نوشت: ۷۲ و ۳۶ و ۲۴ و ۱۲ و ۸ و ۹ و ۶ و ۴ و ۳ و ۲ و ۱: شمارنده‌های ۷۲	
۵	۴ تقسیم به اعداد اول ۲ و ۳ و ۵ و ۷ اول است.	
۶		$\hat{B}_1 = \underline{80^\circ}$ $\hat{B}_2 = 180^\circ - 80^\circ = \underline{100^\circ}$ $C_1 = \underline{70^\circ}$ $C_3 = \underline{50^\circ}$ $\hat{C}_2 = 180^\circ - 70^\circ = \underline{110^\circ}$
۷		$\frac{2xy(2y - 3x)}{x(2y - 3x)} = 2y$

$$\text{الف) } \begin{bmatrix} 2 \\ -1 \end{bmatrix} - 2x = \begin{bmatrix} 2 \\ 1 \end{bmatrix} + 2x$$

$$\begin{bmatrix} 8 \\ -4 \end{bmatrix} - 2x = \begin{bmatrix} 12 \\ -6 \end{bmatrix} + 2x$$

$$-2x - 2x = \begin{bmatrix} 12 \\ -6 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 8 \\ -4 \end{bmatrix}$$

$$-4x = \begin{bmatrix} 12 - 8 \\ -6 - (-4) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix}$$

$$x = \begin{bmatrix} 4 \\ -2 \end{bmatrix} \div (-4) = \begin{bmatrix} -1 \\ 1/2 \end{bmatrix}$$

$$\text{ب) } \frac{1}{2} \begin{bmatrix} 8 \\ 10 \end{bmatrix} - \frac{x}{2} = 2 \begin{bmatrix} 4 \\ 6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} 4 \\ 5 \end{bmatrix} - \frac{x}{2} = \begin{bmatrix} 8 \\ 12 \end{bmatrix}$$

$$-\frac{x}{2} = \begin{bmatrix} 8 \\ 12 \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} 4 \\ 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 8 - 4 \\ 12 - 5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 4 \\ 7 \end{bmatrix}$$

$$x = \begin{bmatrix} 4 \\ 7 \end{bmatrix} \div \left(-\frac{1}{2}\right) = \begin{bmatrix} 4 \times (-2) \\ 7 \times (-2) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} -8 \\ -14 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow a = \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow b = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix}$$

$$\rightarrow c = 2 \begin{bmatrix} 2 \\ -3 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 6 \\ -9 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 7 \\ -7 \end{bmatrix}$$

$$\text{محيط } P = 3 + 8 + 1 = 12 \quad \text{وتر مثلث هشتمن} = \sqrt{9} = 3$$

A

9

10

در دو مثلث همنهشت اضلاع و زاویه‌های متناظر برابرند:

$$+ 3 = 2x + 17$$

$$- 2x = 17 - 3$$

$$= 14 \Rightarrow x = \frac{14}{2} = 7$$

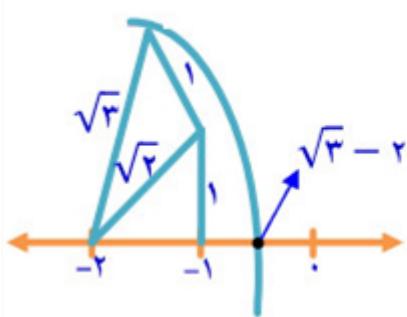
$$4y = 80$$

$$y = \frac{80}{4} = 20$$

11

12

$$\begin{cases} \hat{O} = \hat{O_2} = 90^\circ \\ OA = OD \text{ شعاع دایره} \\ \hat{A} = \hat{D} = 40^\circ \end{cases} \xrightarrow{\text{(ز، ض، ز)}} AOB \cong OCD$$



$$\sqrt{3} - 2 = -2 + \sqrt{3}$$

13

$$\sqrt{8 - \underbrace{\sqrt{9 + 4\sqrt{100}}}_{7}} = 1$$

۱۴

$$(الف) 12^5 \div 12^2 = 12^3$$

$$(ب) 3^3 \times 3^7 = 3^{10}$$

$$(ج) 4^{10} \times 2 = 2^{20} \times 2 = 2^{21}$$

$$\sqrt{196} < \sqrt{218} < \sqrt{225}$$

$$14 < \sqrt{218} < 15$$

عدد	۱۴	۱۴/۵	۱۴/۶	۱۴/۷	۱۴/۸
مجزور	۱۹۶	۲۱۰/۵	۲۱۳/۱۶	۲۱۶/۰۹	۲۱۹/۰۴

$$\sqrt{218} \approx 14/7$$

$$\bar{x} = \frac{s}{n} \Rightarrow 18 = \frac{s}{3} \Rightarrow s = 18 \times 3 = 54$$

$$20 + 15 = 35 \quad 54 - 35 = 19 \quad \text{نمره} \text{ } \text{ی} \text{ علوم} \text{ } 19$$

۱۶

$$12 \times 2 = 24 \quad \text{متوسط دسته}$$

$$22 - 18 = 24 \quad \text{فراوانی} \times \text{متوسط}$$

$$24 \div 2 = 12 \quad \text{فراوانی}$$

$$6 \times 2 = 12, \quad (2, 3, 5, 6) \rightarrow p = \frac{3}{12} = \frac{1}{4}$$

۱۷

۱۸

۱۹

چهارضلعی OMTN را به ۲ مثلث قائم‌الزاویه تقسیم می‌کنیم و از رابطه‌ی فیثاغورس استفاده می‌کنیم. (زیرا خط مماس TM در نقطه‌ی تماس بر شعاع دایره عمود است).

$$OT^2 = OM^2 + MT^2$$

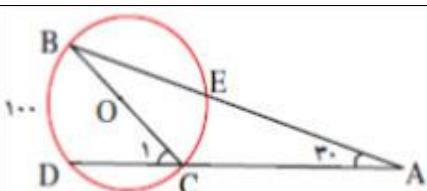
$$(\sqrt{29})^2 = 2^2 + MT^2$$

$$29 = 4 + MT^2$$

$$29 - 4 = MT^2 \Rightarrow MT^2 = 25 \Rightarrow MT = \underline{\underline{5}}$$

$$P = 5 + 2 + 2 + 5 = 14$$

۲۰



$$\hat{C}_1 = 50^\circ$$

$$\hat{B} = 50^\circ - 30^\circ = 20^\circ$$

$$\widehat{CE} = 40^\circ$$

$$\widehat{DC} = 40^\circ$$

۲۱

$$\text{مثلث} \text{ } \text{متساوی} \text{ } \text{الساقين} \Rightarrow \hat{B} = \hat{OCB} = 27^\circ$$

$$\hat{O} = 180 - (27 + 27) = \underline{\underline{126}} \quad \widehat{BC} = \hat{O} = \underline{\underline{126}} \quad \hat{A} = \frac{\widehat{BC}}{2} = \frac{126}{2} = 63$$

۲۲

امضا:

نام و نام خانوادگی مصحح :

جمع بارم : ۰۵ نمره