

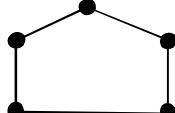
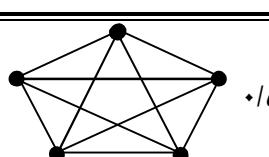
رشنده : ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	نام و نام خانوادگی :	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۶/۴	تعداد صفحه: ۲	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور در نوبت شهریور ماه سال ۱۳۹۸ مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir			
نمره	سوالات پاسخ نامه دارد		ردیف

۱	.۵	درستی یا نادرستی گزاره های زیر را تعیین کنید. الف) مجموع هر دو عدد فرد ، عددی زوج است. ب) برای هر عدد طبیعی n بزرگتر از ۱ ، عدد $1 - n^2$ اول است.
۲	۱/۵	جاهای خالی را پر کنید. الف) $c = ab$ [] اگر و تنها اگر دو شرط زیر برقرار باشند: ۱) $a c, b c$ ۲) $\forall m > 0, \dots$ ب) گراف G را می نامیم هرگاه بین هر دو راس آن حداقل یک مسیر وجود داشته باشد. ج) مقدار $(C_n)_2$ به ازای هر عدد طبیعی $n > 2$ برابر است با: د) هرگاه $(kn+1)$ کبوتر یا بیشتر در لانه قرار بگیرند، در این صورت لانه ای وجود دارد که حداقل کبوتر در آن قرار گرفته است.
۳	۱/۵	برای هر سه عدد حقیقی x, y, z ثابت کنید:
۴	۱/۵	اگر باقی مانده تقسیم a بر دو عدد ۵, ۶ به ترتیب ۲, ۳ باشد؛ باقی مانده تقسیم عدد a بر ۳۵ بیابید.
۵	۱/۵	باقی مانده تقسیم $19 + 7$ (۲۷) را بر ۱۳ بیابید.
۶	۱/۵	با تبدیل معادله سیاله خطی $29000 = 2000x + 5000y$ به معادله هم نهشتی و حل آن، جواب های عمومی این معادله را بیابید.
۷	۲	گراف G با مجموعه راس های $V = \{a, b, c, d, e, f\}$ و مجموعه یال های زیر در نظر بگیرید: $E = \{ab, bc, cd, ed, ae, cf, ef\}$ الف) نمودار گراف را رسم کنید. ج) یک مسیر به طول ۵ از b به d بنویسید.
۸	۱	یک گراف ۵ راسی غیر تهی $-k$ -منتظم رسم کنید به طوری که: الف) k بیشترین مقدار ممکن را داشته باشد. ب) k کمترین مقدار ممکن را داشته باشد.
		» بقیه سوالات در صفحه دوم «

نام و نام خانوادگی :	ساعت شروع: ۸ صبح	رشته : ریاضی فیزیک
تعداد صفحه: ۲	تاریخ امتحان : ۱۳۹۸/۶/۴	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	۱۳۹۸	مركز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داولطلبان آزاد سراسرکشور در نوبت شهریورماه سال ۱۳۹۸		ردیف
ردیف	سوالات پاسخ نامه دارد	نمره

۹	الف) گراف p_8 را رسم کنید. ب) یک γ -مجموعه از آن را مشخص کنید. ج) یک مجموعه احاطه گر مینیمال γ عضوی از آن را مشخص نمایید.	۱/۵
۱۰	در گراف شکل زیر یک مجموعه احاطه گر غیر مینیمال انتخاب کنید؛ سپس با حذف برخی از راس ها، آن را به یک مجموعه احاطه گر مینیمال تبدیل نمایید.	۱
۱۱	۴ کتاب فیزیک متفاوت و ۵ کتاب ریاضی متفاوت را می توانیم به چند طریق در قفسه ای و در یک ردیف بچینیم به طوری که: الف) همواره کتاب های فیزیک کنار هم باشند. ب) هیچ دو کتاب ریاضی کنار هم نباشند. ج) یک کتاب ریاضی خاص و دو کتاب فیزیک خاص همواره کنار هم باشند.	۱/۵
۱۲	تعداد جواب های صحیح و نامنفی معادله $x_1 + x_2 + \dots + x_n = 12$ با شرط $x_i \geq 2$ را محاسبه کنید.	۱
۱۳	قرار است چهار مدرس T_1, T_2, T_3, T_4 در چهار جلسه متوالی در چهار کلاس C_1, C_2, C_3, C_4 به گونه ای تدریس کنند که هر مدرس در هر کلاس دقیقا یک جلسه تدریس کند، برای این منظور برنامه ریزی نمایید.	۱
۱۴	چند عدد طبیعی مانند n به طوری که $350 \leq n \leq 1$ وجود دارد که بر هیچ یک از اعداد ۴ و ۶ بخش پذیر نباشد.	۱/۵
۱۵	۱۳ نقطه درون یک مستطیل 8×6 قرار دارند؛ نشان دهید حداقل ۲ نقطه از این ۱۳ نقطه وجود دارند که فاصله آنها از هم، کمتر از $\sqrt{8}$ باشد.	۱/۵
	"موفق باشید"	۲۰ جمع نمره

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۶/۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۳۹۸		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره	
۱	الف) درست ۰/۲۵ ب) نادرست ۰/۲۵ صفحه ۳ کتاب	۰/۵	
۲	الف) ۰/۵ ب) همبند $\forall m > 0, a m, b m \Rightarrow c \leq m$ صفحات ۳۹ و ۳۹ و ۸۲ و ۸۲ کتاب د) به ترتیب متن سوال n و (k+1) ج) $\left\lceil \frac{n}{\Delta+1} \right\rceil$	۱/۵	
۳	چون نابرابری آخری همواره درست است پس با بازگشت روابط حکم برقرار است. صفحه ۱۱ کتاب	۱/۵	
۴	صفحه ۱۶ کتاب	۱/۵	$\begin{cases} a = 5q + 2 \\ a = 5q' + 3 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 6a = 30q + 12 \\ 5a = 30q' + 15 \end{cases} \Rightarrow a = 30q'' - 3$ $\Rightarrow a = 30r + 27$
۵	صفحه ۲۱ کتاب	۱/۵	$\underbrace{27 \equiv 1}_{(./5)} \Rightarrow \underbrace{(27)^7 \equiv 1^7}_{(./25)} \Rightarrow \underbrace{(27)^7 + 19 \equiv 1^7 + 19 \equiv 20}_{(./25)} \Rightarrow (27)^7 + 19 \equiv 7$
۶	صفحه ۲۷ کتاب	۱/۵	$2x + 5y = 29 \Rightarrow 2x \equiv 29 \pmod{5} \Rightarrow 2x \equiv 4 \pmod{5} \Rightarrow x = 5k + 2$ $y = -2k + 5$
۷	صفحه ۳۶ و ۳۹ کتاب	۲	(الف) رسم شکل (نمره) ب) $N_G[b] = \{a, b, c\}$ ج) b, a, e, f, c, d

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گسسته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه																									
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۶/۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه																										
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۳۹۸		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir																										
ردیف	راهنمای تصحیح	نمره																										
۸	 ب) ۰/۵	۱	 الف) ۰/۵ صفحه ۴۲ کتاب																									
۹	a — b — c — d — e — f — g — h صفحه ۵۴ کتاب	۱/۵	الف) ۰/۵ ب) ۰/۵ لطفا به پاسخ های دیگر برای قسمت های ب و ج نمره تعلق گیرد. یک مجموعه احاطه گر غیر مینیمال به صورت $\{a, h, f, b\}$ است. اکنون با حذف راس a از آن، یک مجموعه احاطه گر مینیمال به دست می آید. صفحه ۴۷ کتاب																									
۱۰		۱																										
۱۱	$3! \times 7!$ ۰/۵ $4! \times 6!$ ۰/۵ $5! \times 5!$ ج) ۰/۵ صفحه ۷۲ کتاب	۱/۵																										
۱۲	$x_1 + x_2 + x_3 + x_4 + x_5 + x_6 = 12 \rightarrow y_1 + 3 + x_3 + x_4 + x_5 + y_5 + 4 + x_6 = 12$ ۰/۲۵ $y_1 + x_3 + x_4 + x_5 + y_5 + x_6 = 5$ ۰/۲۵ $\xrightarrow{\binom{n+k-1}{k-1}} \binom{5+6-1}{6-1} (0/5)$ صفحه ۷۲ کتاب	۱																										
۱۳	<table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td></td><td>۱</td><td>۲</td><td>۳</td><td>۴</td></tr> <tr> <td>C_1</td><td>T_1</td><td>T_2</td><td>T_3</td><td>T_4</td></tr> <tr> <td>C_2</td><td>T_4</td><td>T_1</td><td>T_2</td><td>T_3</td></tr> <tr> <td>C_3</td><td>T_3</td><td>T_4</td><td>T_1</td><td>T_2</td></tr> <tr> <td>C_4</td><td>T_2</td><td>T_3</td><td>T_4</td><td>T_1</td></tr> </table>		۱	۲	۳	۴	C_1	T_1	T_2	T_3	T_4	C_2	T_4	T_1	T_2	T_3	C_3	T_3	T_4	T_1	T_2	C_4	T_2	T_3	T_4	T_1	۱	
	۱	۲	۳	۴																								
C_1	T_1	T_2	T_3	T_4																								
C_2	T_4	T_1	T_2	T_3																								
C_3	T_3	T_4	T_1	T_2																								
C_4	T_2	T_3	T_4	T_1																								
	صفحه ۷۳ (این جدول یکی از پاسخ های ممکن است، لطفا به پاسخ های درست دیگر نمره تعلق گیرد)																											

راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: ریاضیات گستته	رشته: ریاضی فیزیک	ساعت شروع: ۸ صبح	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
تاریخ امتحان: ۱۳۹۸/۶/۴		پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد سراسر کشور شهریور ماه سال ۱۳۹۸		مرکز سنجش و پایش کیفیت آموزشی http://aee.medu.ir	

ردیف	راهنمای تصحیح	نمره
۱۴	$ \overline{A_1} \cap \overline{A_2} = \underbrace{ A_1 \cup A_2 }_{. / 25} = \underbrace{ S - A_1 - A_2 + A_1 \cap A_2 }_{. / 25} = ۳۵۰ - \left[\frac{۳۵۰}{4} \right] - \left[\frac{۳۵۰}{6} \right] + \left[\frac{۳۵۰}{12} \right] = ۲۳۴ . / ۷۵$ <p>صفحه ۸۴ کتاب</p>	۱/۵
۱۵	<p>تعداد لانه ها: ۱۲ مربع به مانند شکل . / ۲۵</p> <p>طبق اصل لانه کبوتری دو نقطه مانند A و B در یک لانه جای می گیرند. پس:</p> $\begin{cases} AH < ۲ \\ BH < ۲ \end{cases} \Rightarrow AH^2 + BH^2 < ۸ \quad . / ۵ \Rightarrow AB^2 < ۸ \Rightarrow AB < \sqrt{۸} \quad . / ۵$ <p>صفحه ۸۵ کتاب</p>	۱/۵

«همکاران گرامی لطفا برای راه حل های صحیح دیگر بارم را به تناسب تقسیم فرمایید.»