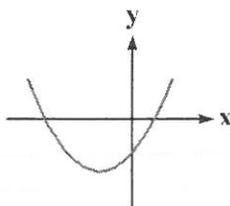


سوالات امتحان حسابان (یازدهم ریاضی)		باسمه تعالی	نام و نام خانوادگی :
تاریخ امتحان : ۹۸/۳/۴		اداره آموزش و پرورش شهرستان سمنان	نمره به عدد و حروف :
مدت امتحان : ۱۱۰ دقیقه		دبیرستان دخترانه فاطمه زهرا(س)	دبیر مربوطه : امیدیان
ردیف	سوالات	بارم	
۱	درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را مشخص کنید. الف) دو تابع $f(x) = x - 2$ و $g(x) = \frac{x^2 - 4}{x + 2}$ با هم مساویند. ب) طول کمان روبرو به زاویه‌ای به اندازه $\frac{\pi}{6}$ رادیان در دایره‌ای به شعاع $10$ سانتی‌متر برابر $2\pi$ است. ج) لگاریتم اعداد بزرگتر از $1$ همواره عددی منفی است. د) انتهای کمان مربوط به زاویه $3$ رادیان در ربع دوم قرار دارد.	۱	
۲	جاهای خالی را با کلمات یا عبارات مناسب پر کنید. الف) معادله درجه دومی که ریشه‌های آن $1 - \sqrt{2}$ و $1 + \sqrt{2}$ باشد برابر ..... است. ب) خط $x - 3y + 5 = 0$ بر دایره‌ای به مرکز $(2, -1)$ مماس است. طول شعاع دایره ..... است. ج) مجموع ده جمله اول دنباله حسابی $3, 7, 11, 13, \dots$ برابر با ..... است. د) حد راست تابع $f(x) = \frac{ x-1 }{x-1}$ در نقطه $x = 1$ برابر ..... است.	۲	
۳	نقاط $A(4, 2)$ ، $B(1, -1)$ و $C(8, -2)$ سه رأس مثلث $ABC$ هستند. طول میانه وارد بر ضلع $AC$ را به دست آورید.	۱	
۴	شکل زیر، نمودار سهمی به معادله $y = ax^2 + bx + c$ است. علامت ضرایب $a$ و $b$ و $c$ این تابع را مشخص کنید.	۰/۷۵	



۰/۷۵	معادله $\sqrt{x+1} = x-1$ را به روش هندسی حل کنید.	۵
۱	نمودار تابع $f(x) = \left[\frac{x}{2}\right]$ را در فاصله $-2 \leq x < 2$ رسم کنید.	۶
۰/۷۵	می‌دانیم تابع $f(x) = \sqrt{x+2} - 3$ یک به یک است. ضابطه تابع وارون آن را به دست آورید.	۷
۱	دو تابع $f(x) = \sqrt{x-2}$ و $g(x) = x+1$ را در نظر بگیرید. بدون تشکیل ضابطه، دامنه تابع $f \circ g$ را تعیین کنید.	۸
۱/۲۵	فرض کنید $\log_1 2 \cong 0/3$ و $\log_1 3 \cong 0/4$ باشد. حاصل عبارات زیر را به دست آورید. الف) $\log 5 =$ ب) $\log \frac{\sqrt{27}}{\sqrt[3]{4}} =$	۹
	ادامه در صفحه بعد	

	نمودار تابع $g(x) = 1 + \left(\frac{1}{4}\right)^x$ را رسم کنید.	۱۰
۱	معادله لگاریتمی زیر را حل کنید. $\log_2^{(x+1)} + \log_2^{(x+4)} = 2$	۱۱
۰/۷۵	توابع مثلثاتی زیر را با نمودارهای داده شده نظیر کنید. الف) $y = - \sin x $ ب) $y = \cos\left(x + \frac{\pi}{6}\right)$ ج) $y = \sin\left(x + \frac{\pi}{3}\right)$	۱۲
۱/۷۵	مقدار نسبت‌های مثلثاتی زیر را محاسبه کنید. الف) $\cos 15 =$ ب) $\cos\left(-\frac{23\pi}{4}\right) =$ ج) $\sin\left(\frac{7\pi}{2} - \frac{\pi}{6}\right) =$	۱۳
۱	فرض کنید $\sin \alpha = \frac{4}{5}$ و $\cos \beta = -\frac{12}{13}$ و انتهای کمان $\alpha$ در ربع اول و انتهای کمان $\beta$ در ربع دوم قرار دارد. مقدار $\sin(\alpha - \beta)$ را محاسبه کنید.	۱۴

۱	<p>با توجه به نمودار <math>f</math>، حدهای خواسته شده را در صورت وجود به دست آورید.</p> <p>الف) <math>\lim_{x \rightarrow 0} f(x) =</math>          ب) <math>\lim_{x \rightarrow 2} f(x) =</math>          ج) <math>\lim_{x \rightarrow 2^-} [f(x)] =</math>          د) <math>\lim_{x \rightarrow 4} \sqrt{2f(x)} =</math></p>	۱۵
۲/۵	<p>حدود توابع زیر را محاسبه کنید.</p> <p>الف) <math>\lim_{x \rightarrow 2} \frac{\sqrt{x+2} - 2}{x^2 - 4}</math>          ب) <math>\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{2x - \pi}{\cos x}</math></p>	۱۶
۲	<p>مقدار <math>a</math> و <math>b</math> را چنان تعیین کنید که تابع <math>f(x) =</math> در <math>x = 0</math> پیوسته باشد.</p> $f(x) = \begin{cases} \frac{1 - \cos x}{x^2} & x > 0 \\ b - 1 & x = 0 \\ x - 2a & x < 0 \end{cases}$	۱۷
۲۰	جمع	موفق باشید