

شماره صندلی:	کلاس:	نام:
تاریخ امتحان:	۹۹ / ۱۰ / ۶	نام خانوادگی:
مدّت امتحان:	۱۱۰ دقیقه	نام پدر:
تعداد صفحات:	۲ صفحه: (۱)	نام آموزشگاه: دبیرستان روغنی
بازم	باشگاه	باسم تعالی
۱	اداره آموزش و پرورش استان زنجان	اداره آموزش و پرورش ناحیه ۲
	امتحان درس ریاضیات گسته	

بارم	<p>۱. درستی یا نادرستی عبارت های زیر را مشخص کنید:</p> <p>الف) برای هر عدد طبیعی n بزرگتر از یک، عدد $2^n - 1$ اول است.</p> <p>ب) مجموع هر دو عدد فرد، عددی زوج است.</p> <p>پ) اگر $a < b \Leftrightarrow a^2 < b^2$</p> <p>ت) برای هر دو عدد حقیقی x و y داریم:</p>
۱	<p>۲. جاهای خالی را پر کنید:</p> <p>الف) اگر و تنها اگر دو شرط زیر برقرار باشد:</p> <p>۱) $a c$, $b c$ ۲) $\forall m > 0$, $ma b$ آنگاه $a b$</p> <p>ب) اگر $[a,b] = a b$ آنگاه $[a,b] = a b$</p>
۱/۵	<p>۳. ثابت کنید برای هر عدد طبیعی n, $n^2 - 5n + 7$ عددی فرد است.</p>
۱/۵	<p>۴. فرض کنید n عددی طبیعی و $2n-3$ عددی فرد باشد. ثابت کنید n نیز فرد است. (برهان خلف)</p>
۲	<p>۵. ثابت کنید برای هر دو عدد حقیقی x و y داریم :</p> $x^2 + y^2 + 1 \geq xy + x + y$

ادامه سوالات در صفحه ۲

۱	۶. اگر $a b$ ، $c d$ می توان نتیجه گرفت $a+c b+d$ ؟ چرا؟
۲	۷. اگر باقیماندهٔ تقسیم اعداد m و n بر 4 به ترتیب 6 و 4 باشند، در این صورت باقیماندهٔ تقسیم $3m-5n$ را بر 4 بدست آورید.
۳	۸. الف) اگر a و n دو عدد صحیح باشند و $a 12n+5$ و $a 3n+1$ ثابت کنید $a = \pm 1$. ب) حاصل عبارت زیر را بدست آورید: $[m^{12}, (m^4, m^6)] = \quad m \in \mathbb{Z}$
۴	۹. نشان دهید اگر n فرد باشد آنگاه $n^2 + 3$ مضرب 4 است.
۱	۱۰. با توجه به تعریف رابطه عاد کردن جاهای خالی را با اعداد مناسب پر کنید: $\dots 64 \quad - 5 \dots \dots -34 \quad 12 \dots$
۲	۱۱. ثابت کنید دو عددفرد متوالی نسبت به هم اولند.(اثبات به کمک تعریف ب م و عاد کردن)
۲	۱۲. الف) تعداد اعداد صحیح که $n - 3 2n + 5$ کدام است؟ ب) اگر $a^2 a^3$ آنگاه کدام گزینه درست است؟ (با راه حل کامل)



