

نام:	بسمه تعالی	تاریخ امتحان: ۹۸/۰۳/۱۸
نام خانوادگی:	اداره کل آموزش و پرورش خراسان رضوی	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه
نام آموزشگاه: علامه طباطبایی	اداره سنجش آموزش و پرورش	ساعت شروع:
شماره داوطلب:	پایه: یازدهم ریاضی	تعداد صفحات: ۲ صفحه
نوبت:	درس: حسابان ۱	تعداد سوال: ۱۸ سوال
ردیف	سوال	بارم
۱	حداقل چند جمله از دنباله ... و ۱۱ و ۸ و ۵ را جمع کنیم تا حاصل از ۴۹۳ بیشتر شود؟	۱
۲	مقدار $k$ را چنان بیابید که یکی از صفرهای تابع $f(x) = x^3 + kx^2 - x - 2$ باشد. سپس صفرهای دیگر تابع را بدست آورید.	۱
۳	معادله $ x  = x^3 - 2x$ را به روش هندسی حل کنید.	۰/۷۵
۴	نقاط $A(-11, -13)$ و $B(-3, 3)$ و $C(3, 1)$ سه راس مثلث $ABC$ می باشند. طول عمودی را که از راس $B$ بر میانه نظیر راس $C$ وارد می شود را بدست آورید.	۱/۲۵
۵	به کمک نمودار تابع $y = \sqrt{x-1} + 3$ نمودار تابع $f(x) = -\sqrt{x-1}$ را رسم کنید.	۱
۶	دامنه هر یک از توابع زیر را پیدا کنید.	۱/۵
	(الف) $f(x) = \frac{2x+3}{x^2+x-12}$ (ب) $g(x) = \frac{x-1}{[x]-3}$ (ج) $h(x) = \log_x(x-2)$	
۷	اگر $g(x) = x^3 + 3$ و $f(x) = \sqrt{x-1}$ باشند، دامنه و ضابطه $gof$ را بنویسید.	۱
۸	جاهای خالی را با عبارت مناسب پر کنید. الف) وارون تابع $y = 3^x$ می شود ..... ب) نمودار $y = \left(\frac{1}{3}\right)^x$ در بازه $(-\infty, 0)$ از ..... قرار می گیرد. پ) تابع $f(x) = \log_{\frac{1}{4}}x$ یک تابع ..... است. ت) همه توابع به صورت $f(x) = \log_a x$ که $a < 1$ و $a > 0$ از نقطه ..... می گذرند.	۱
۹	الف) معادله $\log_2(x-1) + \log_2\left(\frac{x}{2}+1\right) = 2$ را حل کنید. ب) عبارت $\log_{\sqrt[8]{2}}\sqrt[4]{2}$ را ساده کنید. ( $\log 2 \approx 0.3$ )	۱/۵
۱۰	الف) زاویه ای به اندازه یک رادیان چند درجه است? ب) در دایره ای به شعاع $10\text{ cm}$ زاویه مرکزی مقابل به کمان $5\text{ cm}$ چند رادیان است?	۰/۷۵

		مقدار عبارت زیر را برحسب یکی از نسبت های $20^\circ$ بنویسید.	۱۱
۱/۵	$\frac{\sin 200^\circ - \cos(-160^\circ) + \cos 70^\circ + \cos 340^\circ}{\tan 110^\circ}$		
۰/۷۵	با رسم نمودارهای $y = \sin x$ و $y = \cos x$ تعداد جواب های معادله $\sin x = \cos x$ را بیابید.	۱۲	
۱	اگر $\sin \alpha$ و انتهای کمان $\alpha$ در ربع دوم باشد، مقادیر $\sin 2\alpha$ و $\cos 2\alpha$ را حساب کنید.	۱۳	
۱	<p>کدام مورد درباره تابع <math>f(x) = [x]</math> نادرست است؟</p> <p>(الف) در تمام نقاط صحیح حد دارد.</p> <p>(ب) در <math>x = 3</math> پیوستگی راست دارد.</p> <p>(پ) در <math>(1, 0)</math> پیوسته است.</p> <p>(ت) در بعضی اعداد گویا حد دارد.</p>	۱۴	
۰/۷۵	نمودار تابعی را رسم کنید که در نقطه ای به طول ۱ حد داشته باشد ولی حدش با مقدار تابع در آن نقطه برابر نباشد.	۱۵	
۱	نمودار $f(x) = x - [x]$ را رسم کنید. در چه نقاطی حد دارد؟ در چه نقاطی پیوسته است؟	۱۶	
۱/۷۵	<p>(الف) <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x - 3\sqrt{x} + 1}{x - 1}</math></p> <p>(ب) <math>\lim_{x \rightarrow 2^+} \frac{\sqrt{x-2}}{[x] + 2}</math></p>	مقادیر زیر را بدست آورید.	۱۷
۱/۵	$f(x) = \begin{cases} \frac{1 - \cos x}{x^2} & x > 0 \\ b - 1 & x = 0 \\ x - 2a & x < 0 \end{cases}$	مقدار $a$ و $b$ را طوری تعیین کنید که تابع $f(x)$ در $x = 0$ پیوسته باشد.	۱۸

«موفق باشید...»