

نام درس: ریاضی ۲ (نمونه ۱)
نام دبیر: حسین حسینخانی
تاریخ امتحان: ۱۴۰۰/۰۳/۰۱
ساعت امتحان: ۰۰ : ۸ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۲ تهران
دبيرستان غیردولتی پسرانه سرای دانش واحد مرزداران
آزمون نوبت دوم سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۳۹۹

نام و نام فانوادگی:
مقطع و رشته: متوسطه اول/ هشتم
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: ۴ صفحه

ردیف	سوالات	ردیف
۱	<p>جملات درست را با ✓ و جملات نادرست را با ✗ مشخص کنید.</p> <p>(۱) هر عدد طبیعی حداقل یک شمارنده اول دارد. (۲) حالت تساوی سه زاویه، یکی از حالت های همنهشتی دو مثلث می باشد. (۳) بزرگترین وتر هر دایره، قطر آن است. (۴) زاویه محاطی، زاویه ای است که رأس آن روی مرکز دایره و اضلاع آن شعاع دایره هستند.</p>	۱
۱	<p>جملات زیر را کامل کنید.</p> <p>(۱) عدد $\sqrt{37}$ بین دو عدد طبیعی و قرار دارد. (۲) حاصل $\sqrt{8} \times \sqrt{8}$ مساوی می باشد. (۳) رابطه فیثاغورس فقط در مثلث های برقرار است. (۴) اگر $\vec{d} = -3\vec{c}$ باشد، مختصات $\vec{d} = \begin{bmatrix} -3 \\ 5 \end{bmatrix}$ مساوی است.</p>	۲
۱	<p>گزینه صحیح را انتخاب کنید.</p> <p>الف) محيط شکل زیر چند واحد است؟</p> <p>ب) حاصل عبارت زیر کدام است؟</p> <p>$\frac{1}{2} \times \begin{bmatrix} 4 \\ -6 \end{bmatrix} + 3 \times (\vec{i} - \vec{j}) = ?$</p> <p>$6\vec{i} + 5\vec{j}$ (۱) $-5\vec{i} - 6\vec{j}$ (۲) $5\vec{i} + 6\vec{j}$ (۳) $5\vec{i} - 6\vec{j}$ (۴)</p> <p>ج) مثلث $\triangle ABC$ انتقال یافته مثلث $\triangle A'B'C'$ می باشد. محيط $\triangle ABC$ چند واحد است؟</p> <p>د) کدام شکل مرکز تقارن ندارد ولی محور تقارن دارد؟</p> <p>۱) متوازی الاضلاع ۲) مثلث متساوی الساقین ۳) شش ضلعی منتظم ۴) مربع</p>	۳

ردی	ادامهٔ سؤالات	جواب
۱	$\left(-\frac{3}{8} + \frac{1}{6} - \frac{8}{9}\right) \times \frac{-7}{24} =$ حاصل عبارت زیر را به دست آورید.	۴
۰/۵	آیا عدد ۱۳۱ اول است؟ چرا؟	۵
۱/۵	<p>الف) مقدار مجهول x را در هر یک از شکل‌های زیر پیدا کنید.</p> <p>ب) اندازه هر زاویه داخلی یک ۹ ضلعی منتظم را به دست آورید.</p>	۶
۱/۵	<p>الف) عبارت زیر را به حاصلضرب تبدیل کنید.</p> $x^{\gamma}y^{\gamma} - x^{\delta}y^{\gamma} =$ <p>ب) معادله زیر را حل کنید.</p> $4x - \frac{2}{7} = \frac{3}{2}x$	۷
۰/۵	در شکل زیر، یکی از بردارها، حاصل جمع دو بردار دیگر است. برای هر شکل، یک جمع برداری و یک جمع مختصاتی بنویسید. 	۸
۱	با توجه به بردارهای مقابل، بردار $\vec{d} = 2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$ را رسم کنید. 	۹
۱/۵	محیط مثلث ABC را به دست آورید. 	۱۰
صفحهٔ ۲ از ۴		

ادامهٔ سؤالات

ردیف	ادامهٔ سؤالات	ردیف																
۱/۵	<p>زاویه‌های مجهول را بیابید.</p> <p>مثلث HIG حاصل دوران 90° مثلاً EFG حول نقطه G است.</p>	۱۱																
۱	<p>دلایل همنهشتی مثلث‌های زیر را بنویسید و سپس تساوی اجزای متناظر آن‌ها را بنویسید.</p>	۱۲																
۱	<p>با استفاده از همنهشتی مثلث‌های قائم الزاویه نشان دهید مثلث‌های زیر همنهشت هستند و سپس تساوی اجزای متناظر آن‌ها را بنویسید.</p>	۱۳																
۱	<p>حاصل عبارت‌های زیر را به صورت یک عدد تواندار بنویسید.</p> <p>$3^6 + 3^6 + 3^6 =$</p> <p>$(35^\circ \div 5^\circ) \times 7^\circ =$</p>	۱۴																
۱	<p>مقدار تقریبی $\sqrt{47}$ را تا یک رقم اعشار به کمک جدول پیدا کنید.</p>	۱۵																
۱	<p>الف) حاصل عبارت زیر را به دست آورید.</p> <p>$\sqrt{\frac{81}{100 \times 25}} =$</p> <p>ب) دو عدد طبیعی بین $\sqrt{6}$ و $\sqrt{18}$ پیدا کنید.</p>	۱۶																
۱	<p>جدول زیر را کامل کنید و میانگین را به دست آورید.</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <thead> <tr> <th style="text-align: center;">حدود دسته</th> <th style="text-align: center;">فرابنی</th> <th style="text-align: center;">مرکز دسته</th> <th style="text-align: center;">فرابنی \times مرکز دسته</th> </tr> </thead> <tbody> <tr> <td style="text-align: center;">$10 \leq x < 14$</td> <td style="text-align: center;">۳</td> <td></td> <td></td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">$14 \leq x \leq 18$</td> <td></td> <td></td> <td style="text-align: center;">۸۰</td> </tr> <tr> <td style="text-align: center;">مجموع</td> <td></td> <td style="background-color: #cccccc;"></td> <td></td> </tr> </tbody> </table>	حدود دسته	فرابنی	مرکز دسته	فرابنی \times مرکز دسته	$10 \leq x < 14$	۳			$14 \leq x \leq 18$			۸۰	مجموع				۱۷
حدود دسته	فرابنی	مرکز دسته	فرابنی \times مرکز دسته															
$10 \leq x < 14$	۳																	
$14 \leq x \leq 18$			۸۰															
مجموع																		

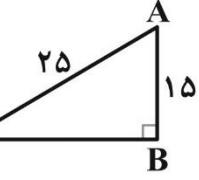
ردیف	ادامهٔ سؤالات	ردیف
	<p>الف) در شکل زیر، SR بر دایره مماس است. مقدار مجھول x را پیدا کنید.</p>	
۲	<p>ب) اندازهٔ زاویه‌ها و کمان‌های مجھول را به دست آورید.</p> <p>ج) شعاع دایره‌ای ۵ سانتی متر فاصله خط d از مرکز دایره ۳ سانتی متر است. وضعیت خط و دایره را نسبت به هم با رسم شکل مشخص کنید.</p>	۱۸

صفحهٔ ۱۴ از ۱۴

جمع بارم : ۲۰ نمره



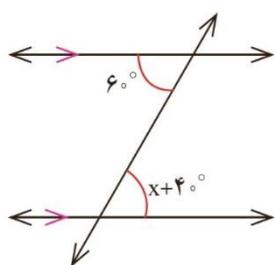


ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	جملات درست را با ✓ و جملات نادرست را با ✗ مشخص کنید. ۱) هر عدد طبیعی حداقل یک شمارنده اول دارد. ✗ ۲) حالت تساوی سه زاویه، یکی از حالت های همنهشتی دو مثلث می باشد. ✗ ۳) بزرگترین وتر هر دایره، قطر آن است. ✓ ۴) زاویه محاطی، زاویه ای است که رأس آن روی مرکز دایره و اضلاع آن شعاع دایره هستند. ✗	
۲	جملات زیر را کامل کنید. ۱) عدد $\sqrt{37}$ بین دو عدد طبیعی ۶ و ۷ قرار دارد. ۲) حاصل $\sqrt{8} \times \sqrt{8}$ مساوی ۴ می باشد. ۳) رابطه فیثاغورس فقط در مثلث های قائم الزاویه برقرار است. ۴) اگر $\vec{c} = \begin{bmatrix} -3 \\ 9 \end{bmatrix}$ باشد، مختصات $\vec{d} = -3\vec{c}$ مساوی $\begin{bmatrix} -3 \\ -15 \end{bmatrix}$ است.	
۳	گزینه صحیح را انتخاب کنید. الف) محیط شکل زیر چند واحد است? ۱) ۵۰ ۲) ۷۰ ۳) ۴۵ ب) حاصل عبارت زیر کدام است? $\frac{1}{2} \times \begin{bmatrix} 4 \\ -6 \end{bmatrix} + 3 \times (\vec{i} - \vec{j}) = ?$ <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> $6\vec{i} + 5\vec{j}$ ۴) $-5\vec{i} - 6\vec{j}$ ۳) $5\vec{i} + 6\vec{j}$ ۲) $\checkmark 5\vec{i} - 6\vec{j}$ ۱) </div> ۳) مثلث \tilde{ABC} انتقال یافته مثلث ABC می باشد. محیط ΔABC چند واحد است? <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> $x+1$ $3y+2$ $2x-2$ $y+4$ </div> <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> $15(2) \checkmark$ $17(4)$ $14(3)$ </div> ۴) کدام شکل مرکز تقارن ندارد ولی محور تقارن دارد? <div style="display: flex; justify-content: space-around;"> ۴) مربع ۳) شش ضلعی منتظم ۲) مثلث متساوی الساقین ۱) متوازی الاضلاع </div>	 ٦٠(۴) ✓ 
۴	حاصل عبارت زیر را به دست آورید. $\left(-\frac{3}{8} + \frac{1}{6} - \frac{8}{9}\right) \times \frac{-7}{24} = \left(\frac{-27 + 12 - 64}{72}\right) \times \frac{-7}{24} = \left(\frac{-79}{72}\right) \times \frac{-7}{24} = +\frac{553}{1728}$	

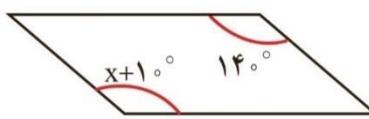
آیا عدد ۱۳۱ اول است؟ چرا؟ بله، چون به هیچ یک از اعداد اول کوچکتر از $11/4 \approx \sqrt{131}$ یعنی اعداد اول ۲ و ۳ و ۵ و ۷ و ۱۱ است.

۵

بخش پذیر نیست.



$$x + 40 = 60 \\ \rightarrow x = 20$$



$$x + 10 = 140 \\ \rightarrow x = 130$$

ب) اندازه هر زاویه داخلی یک ۹ ضلعی منتظم را به دست آورید.

$$\frac{(9-2) \times 180}{9} = \frac{7 \times 180}{9} = 7 \times 20 = 140$$

الف) عبارت زیر را به حاصلضرب تبدیل کنید.

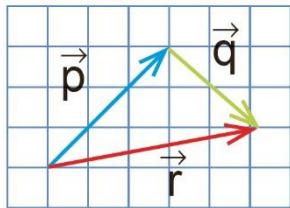
$$x^r y^r - x^s y^r = x^r y^r (y - x^s)$$

ب) معادله زیر را حل کنید.

$$4x - \frac{2}{7} = \frac{3}{2}x \rightarrow 56x - 4 = 21x \rightarrow 56x - 21x = 4 \rightarrow 35x = 4 \rightarrow x = \frac{4}{35}$$

۶

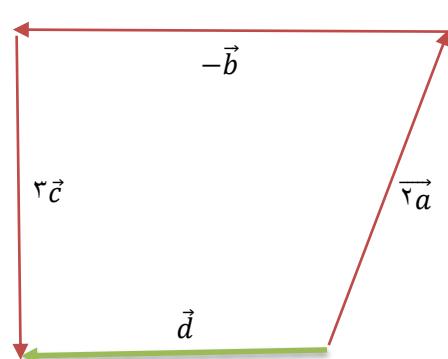
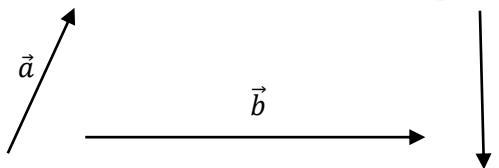
در شکل زیر، یکی از بردارها، حاصل جمع دو بردار دیگر است. برای هر شکل، یک جمع برداری و یک جمع مختصاتی بنویسید.



$$\vec{r} = \vec{p} + \vec{q} \rightarrow \begin{bmatrix} 5 \\ 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 3 \\ 2 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} 2 \\ -2 \end{bmatrix}$$

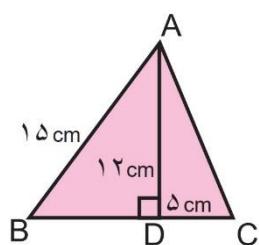
۷

با توجه به بردارهای مقابل، بردار $\vec{d} = 2\vec{a} - \vec{b} + 3\vec{c}$ را رسم کنید.



۸

محیط مثلث ABC را به دست آورید.

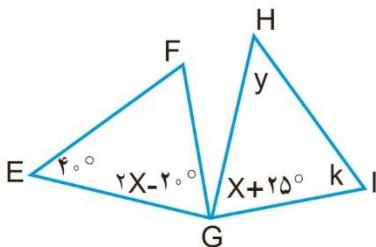


$$AC^2 = 5^2 + 12^2 \rightarrow AC^2 = 25 + 144 \rightarrow AC^2 = 169 \rightarrow AC = 13 \\ 15^2 = BD^2 + 12^2 \rightarrow 225 = BD^2 + 144 \rightarrow BD^2 = 81 \rightarrow BD = 9 \\ \text{محیط} = 15 + 13 + 5 + 9 = 42$$

۹

زاویه های مجھول را بیابید.

مثلث HIG حاصل دوران 90° مثلى EFG حول نقطه G است.

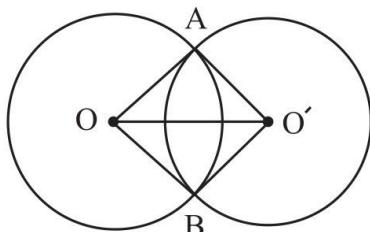


$$2x - 20 = x + 25 \rightarrow x = 45 \rightarrow G = 70^\circ$$

$$y = 40^\circ, k = 70^\circ$$

۱۱

دلایل همنهشتی مثلث های زیر را بنویسید و سپس تساوی اجزاء متناظر آن ها را بنویسید.

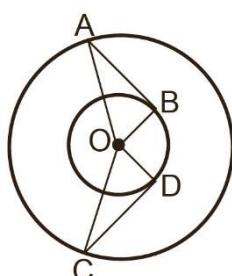


$$\begin{cases} OA = OB \\ O'A = O'B \\ OO' = OO' \end{cases} \rightarrow OAB \cong O'AB \rightarrow \begin{cases} \hat{A} = \hat{B} \\ O_1 = O_2 \\ O_2 = O_2 \end{cases}$$

دو مثلث بنا به حالت (ض ض ض) همنهشت هستند.

۱۲

با استفاده از همنهشتی مثلث های قائم الزاویه نشان دهید مثلث های زیر همنهشت هستند و سپس تساوی بین اجزاء متناظر آن ها



$$\begin{cases} OA = OC \\ OB = OD \\ \hat{B} = \hat{D} = 90^\circ \end{cases} \rightarrow OAB \cong OCD \rightarrow \begin{cases} \hat{A} = \hat{C} \\ O_1 = O_2 \\ OA = OC \end{cases}$$

دو مثلث بنا به حالت (و ض) همنهشت هستند.

۱۳

حاصل عبارت های زیر را به صورت یک عدد تواندار بنویسید.

$$3^6 + 3^6 + 3^6 = 3 \times 3^6 = 3^7$$

$$(35^7 \div 5^7) \times 7^7 = 7^7 \times 7^7 = 7^9$$

حاصل عبارت های زیر را به صورت یک عدد تواندار بنویسید.

مقدار تقریبی $\sqrt{47}$ را تا یک رقم اعشار به کمک جدول پیدا کنید.

$$6 < \sqrt{47} < 7 \rightarrow \sqrt{47} \approx 6.8$$

۱۴

الف) حاصل عبارت زیر را به دست آورید.

$$\sqrt{\frac{81}{100 \times 25}} = \frac{9}{10 \times 5} = \frac{9}{50}$$

۱۵

ب) دو عدد طبیعی بین $\sqrt{6}$ و $\sqrt{18}$ پیدا کنید.

۱۶

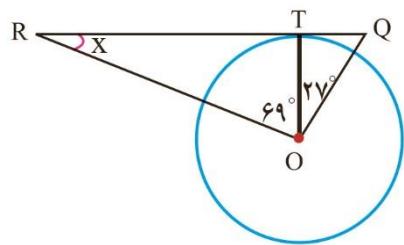
جدول زیر را کامل کنید و میانگین را به دست آورید.

حدود دسته	فراوانی	مرکز دسته	فراوانی × مرکز دسته
$10 \leq x < 14$	۳	۱۲	۳۶
$14 \leq x \leq 18$	۵	۱۶	۸۰
مجموع	۸		۱۱۶

۱۷

$$\bar{x} = \frac{116}{8} \rightarrow \bar{x} = 14.5$$

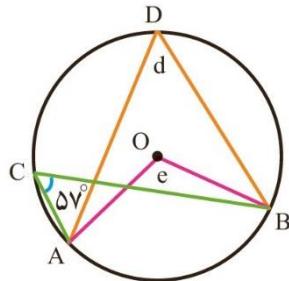
الف) در شکل زیر، SR بر دایره مماس است. مقدار مجھول x را پیدا کنید.



$$69 + 90 = 159 \rightarrow x = 180 - 159 = 21$$

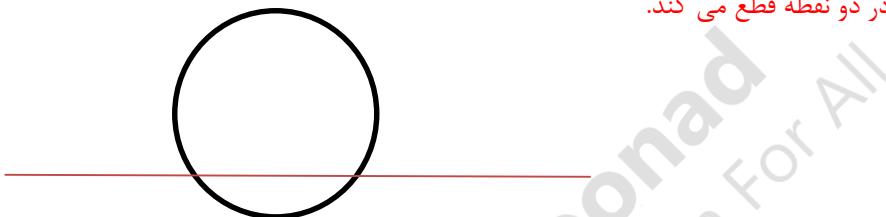
ب) اندازه زاویه ها و کمان های مجھول را به دست آورید.

$$AB = 114, e = 144, d = 57 \text{ کمان}$$



۱۸

ج) شعاع دایره ای ۵ سانتی متر فاصله خط d از مرکز دایره ۳ سانتی متر است. وضعیت خط و دایره را نسبت به هم با رسم شکل مشخص کنید. خط دایره را در دو نقطه قطع می کند.



امضاء:

نام و نام خانوادگی مصحح : حسین حسینخانی

جمع بارم : ۲۰ نمره

