



تاریخ برگزاری امتحان: ۹۸/۱۰/۱۵

سال تحصیلی: ۹۸-۹۹

نام و نام خانوادگی:

نام پدر:

رشته تحصیلی: تجربی

پایه تحصیلی: دوازدهم

اداره کل آموزش و پرورش استان یزد  
 مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۲ یزد  
 اداره استعدادهای درخشان و دانش پژوهان جوان  
 دبیرستان دوره دوم فرزنانگان

ساعت برگزاری امتحان: ۸ صبح

نوبت: دوم

سوالات درس ریاضی ۳

تعداد صفحات: ۴

تعداد سوالات: ۱۵

مدت پاسخگویی: ۱۰۰ دقیقه

امضاء دبیر:

نمره به حروف:

نمره به عدد:

نام و نام خانوادگی دبیر:

شماره	سوالات	بارم
۱	<p>مورد صحیح را انتخاب کنید .            الف) هر تابع یک به یک اکیدا یکنوا است .  <input type="radio"/> درست <input type="radio"/> نادرست</p> <p>ب) معادله ی <math>\sin \alpha = \tan \alpha</math> آنگاه در فاصله ی <math>\left[-\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2}\right]</math> ، ..... جواب دارد .  <input type="radio"/> سه <input type="radio"/> یک</p> <p>پ) حاصل <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} \frac{x - [x]}{3x - 1}</math> برابر است با .....  <input type="radio"/> صفر <input type="radio"/> حد ندارد</p>	۰/۷۵
۲	<p>الف) نمودار تابع <math>y = \left \frac{1}{2}x\right  - 2</math> را ۴ واحد به طرف <math>x</math> های منفی و یک واحد به طرف <math>y</math> های مثبت انتقال می دهیم سپس آنرا با ضریب <math>\frac{1}{2}</math> انقباض افقی می دهیم و در نهایت نسبت به محور <math>x</math> ها قرینه می کنیم. ضابطه ی تابع جدید را بنویسید .</p> <p>ب) اگر نمودار <math>f\left(\frac{x}{2}\right)</math> به شکل زیر باشد، دامنه ی تابع <math>\sqrt{(1-x)f(1-x)}</math> را حساب کنید .</p>	۱/۵
۳	<p>الف) اگر تابع <math>f = \{(1,2) (2,5) (3,4) (4,6)\}</math> و تابع <math>g = \{(2,3) (4,2) (5,6) (3,1)\}</math> تابع <math>\frac{g}{g \circ f^{-1}}</math> را به صورت زوج مرتب نمایش دهید .</p> <p>ب) اگر <math>f(x) = \sqrt{3-x}</math> و <math>g(x) = \log_2(x^2 + 2x)</math> دو تابع باشند، دامنه ی تابع <math>f \circ g</math> را بنویسید .</p>	۲

۱/۵	<p>توابع داده شده را رسم کنید و یکنوایی آن‌ها را در بازه‌های مختلف بررسی کنید .</p> <p>الف) <math>y = ( x  - 1)^3</math></p> <p>ب) <math>y =  x + 2  +  x - 1 </math></p>	۴
۱/۵	<p>ضابطه‌ی تابع وارون را برای تابع <math>f(x) = \begin{cases} \frac{ x }{x} \sqrt{ x } &amp; x \neq 0 \\ \text{صفر} &amp; x = 0 \end{cases}</math> بنویسید. تابع و وارونش را در یک دستگاه مختصات رسم کنید .</p>	۵
۱/۲۵	<p>جملات را کامل کنید .</p> <p>الف) ضابطه‌ی تابع روبه‌رو <math>y = \dots\dots\dots</math> می‌باشد .</p> <p>ب) دوره‌ی تناوب تابع <math>f(x) = x - [x]</math> برابر است با ..... .</p> <p>پ) بزرگ‌ترین ریشه‌ی معادله‌ی <math>\sin 2x = 0</math> در بازه‌ی <math>(0, 3\pi)</math> برابر ..... است.</p> <p>ت) مثلی با مساحت ۳ سانتی مترمربع مفروض است . اگر اندازه‌ی دو ضلع آن به ترتیب ۲ و ۶ سانتی متر باشد ، زاویه‌ی بین این دو ضلع می‌تواند ..... و ..... باشد .</p>	۶
۱/۵	<p>الف) نمودار تابع <math>y = \left  \frac{2 \tan x}{1 - \tan^2 x} \right </math> را در بازه‌ی <math>\left[ -\frac{\pi}{4}, \frac{\pi}{4} \right]</math> رسم کنید .</p> <p>ب) اگر داشته باشیم <math>\tan x = \frac{3}{4}</math> ، مقدار عبارت <math>\tan \frac{x}{2} - \cot \frac{x}{2}</math> را بنویسید .</p>	۷



limoonad  
Education For All

۱	شکل زیر نمودار تابع $y = 1 + a \sin bx \cos bx$ است. $a$ و $b$ را مشخص کنید.	۸
۱/۲۵	معادله ی روبه رو را حل کنید و جواب های کلی را بنویسید. جواب های معادله در فاصله ی $[0, 2\pi]$ را بنویسید. $4 \sin x \sin\left(\frac{3\pi}{2} - x\right) = 1$	۹
۱	اگر چند جمله ای $p(x) = x^5 + mx^2 + nx + 32$ بر $x - 2$ و $x + 2$ بخش پذیر باشد، $m$ و $n$ را تعیین کنید.	۱۰
۱	با توجه به نمودار حاصل حدهای زیر را بنویسید. $\lim_{x \rightarrow -1^-} \left[ \frac{-1}{f(x)} \right] =$ $\lim_{x \rightarrow +\infty} f\left(\frac{-x^2}{x - x^2}\right) =$ $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) =$ $\lim_{x \rightarrow 1} f \circ f(x) =$	۱۱

۲/۲۵	<p>حد توابع زیر را بدست آورید.</p> <p>الف) <math>\lim_{x \rightarrow -8} \frac{x^2 + 10x + 16}{12 + \sqrt[3]{x}}</math></p> <p>ب) <math>\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{x^2 - 1}{x +  x }</math></p> <p>پ) <math>\lim_{x \rightarrow -\infty} 2x + \sqrt{4x^2 + x}</math></p> <p>ت) <math>\lim_{x \rightarrow 0^+} \frac{\sqrt{\cos x} - 1}{\sin^3 x}</math></p>	۱۲
۱	<p>اگر <math>\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{ x^2 + 2x }{ax^2 - 2x + 4} = -\frac{1}{2}</math> باشد، آنگاه حد راست این عبارت در نقطه <math>x = -2</math> را بیابید.</p>	۱۳
۱/۲۵	<p>خط <math>y = 2x + 1</math> در نقطه <math>x = 1</math> بر منحنی پیوسته <math>y = f(x)</math> مماس است. حاصل حد داده شده را بنویسید.</p> <p><math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{f^2(x) + 3f(x) - 18}{x - 1}</math></p>	۱۴
۱/۲۵	<p>معادله <math>y = 1 + \sqrt[3]{x + 1}</math> بر منحنی <math>y = 1 + \sqrt[3]{x + 1}</math> در نقطه <math>x = -1</math> را بنویسید.</p>	۱۵