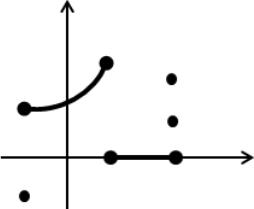
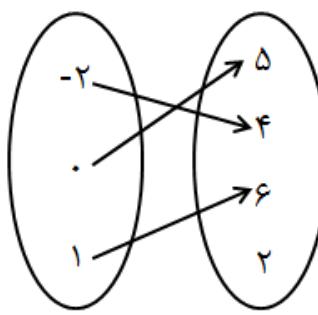
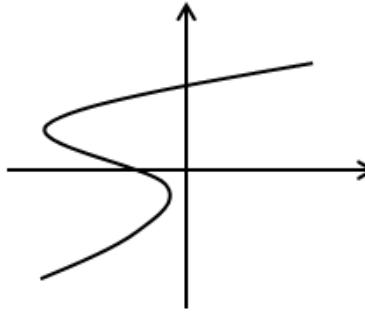
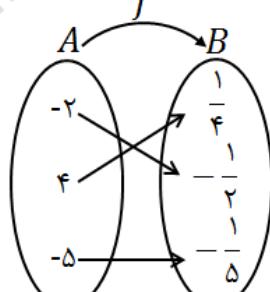
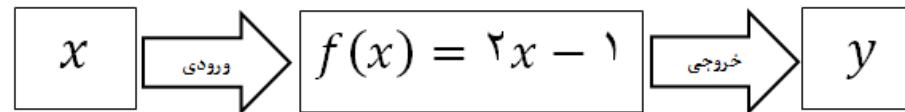


نام درس: ریاضی و آمار ۱
نام مدیر: سمهاده عابدی
تاریخ امتحان: ۱۳۹۹ / ۰۹ / ۱۰
 ساعت امتحان: ۱۰:۰۰ صبح / عصر
مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه

جمهوری اسلامی ایران
اداره کل آموزش و پرورش شهر تهران
اداره کی آموزش و پرورش شهر تهران منطقه ۴ تهران
دبيرستان غیردولتی دخترانه سرای دانش واحد رسالت
آزمون پایان ترم نوبت اول سال تحصیلی ۱۴۰۰-۱۳۹۹

نام و نام فانوادگی:
مقطع و رشته: دهم انسانی
نام پدر:
شماره داوطلب:
تعداد صفحه سوال: ۲ صفحه

محل مهر و امضاء مدیر		نمره تجدید نظر به عدد: نمره به حروف:	نمره به عدد: نمره به حروف:
ردیف	نام دبیر: تاریخ و امضاء:	نام دبیر: تاریخ و امضاء:	سؤالات
۱	<p>جاهای خالی را با عبارات مناسب کامل کنید.</p> <p>(الف) برای حل معادله $0 = 4 - 3x - 2x^2$ به روش مریع کامل، باید عدد را به طرفین معادله اضافه کرد تا به اتحاد مریع دو جمله ای تبدیل شود.</p> <p>(ب) با تولید تعداد یا مقداری کالا، کارخانه نه سود می کند و نه زیان. به این تعداد یا مقدار کالاهای نقطه می گویند.</p> <p>(پ) در تابع $\{(-1,0), (2,3), (-4,5), (1,-2)\}$, دامنه تابع f به صورت {} خواهد بود.</p> <p>(ت) برای اینکه نمودار مقابله به یک تابع تبدیل شود، باید حداقل نقطه از نمودار حذف شود.</p> 		۱
۴	<p>معادلات زیر را به روش خواسته شده حل کرده و جواب های معادله را بیابید.</p> <p>(الف) $x^2 - 4x + 1 = 0$ (روش کلی) $5x^2 - 2x - 3 = 0$ (ب) (روش مریع کامل)</p> <p>(پ) $x^2 + x - 12 = 0$ (روش تجزیه) $(x + 1)^2 = 25$ (ت) (روش ریشه گیری)</p>		۲
۱/۵	<p>(الف) بدون حل معادله درجه دوم زیر، مجموع و حاصلضرب ریشه را بیابید.</p> <p>(ب) اگر مجموع ریشه های معادله $-3x^2 + 6x - 1 = 0$ برابر ۲ باشد، مقدار k و حاصلضرب ریشه ها را بیابید.</p>		۳
۱/۲۵	<p>طول یک مستطیل، سه برابر عرض آن است. اگر محیط این مستطیل ۵۶ واحد باشد، ابتدا طول و عرض مستطیل و سپس مساحت آن را به دست آورید.</p>		۴
۱/۵	<p>رابطه هزینه شرکتی $C(x) = 12x - 40$ و رابطه درآمد آن برابر $R(x) = x^2 - 10x$ واحد است، که در آن x نشان دهنده تعداد کالاهاست.</p> <p>(الف) تابع سود شرکت را بر حسب x بنویسید.</p> <p>(ب) به ازای تولید چه تعداد کالا، شرکت نه سود می کند نه ضرر؟</p> <p>(پ) به ازای تولید چه تعداد کالا، سود شرکت ماکسیمم خواهد شد؟</p>		۵
صفحه ۱ از ۲			

۱/۲۵	مقدار m را طوری بیابید که معادله $x^2 + 2mx + 3 = 0$ دارای ریشه مضاعف باشد.	۶										
۱/۵	اگر رابطه f بیانگر یک تابع باشد، مقادیر m و n را به دست آورید. $f = \{(-1, 3), (2, 2m - 1), (4, -3), (-1, n + 1), (2, m - 3)\}$	۷										
۲	کدام یک از روابط زیر بیانگر یک تابع است؟ در صورت تابع بودن، دامنه و برد را مشخص کنید.	۸										
	 											
	<p>(ب)</p> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>-۳</td> <td>۰</td> <td>-۳</td> <td>۵</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>$\sqrt{۴}$</td> <td>۶</td> <td>۲</td> <td>۱</td> </tr> </table> <p>(پ)</p> <p>$f = \{(-1, 4), (2, 5), (-1, 3)\}$</p>	x	-۳	۰	-۳	۵	y	$\sqrt{۴}$	۶	۲	۱	
x	-۳	۰	-۳	۵								
y	$\sqrt{۴}$	۶	۲	۱								
۱/۵	در هر قسمت، یک ضابطه مناسب برای تابع داده شده بنویسید.	۹										
۱/۵	<p>(ب)</p> <p>$g:$</p> <table border="1" style="display: inline-table; vertical-align: middle;"> <tr> <td>x</td> <td>•</td> <td>-۲</td> <td>۳</td> <td>-۵</td> </tr> <tr> <td>y</td> <td>•</td> <td>۴</td> <td>۹</td> <td>۲۵</td> </tr> </table> <p>(الف)</p>  <p>$h = \left\{ \left(-1, -\frac{1}{3} \right), \left(2, \frac{2}{3} \right), (3, 1) \right\}$</p>	x	•	-۲	۳	-۵	y	•	۴	۹	۲۵	
x	•	-۲	۳	-۵								
y	•	۴	۹	۲۵								
۱/۵	اگر $\{(-2, 3), (0, 5), (1, -1), (3, 6)\}$ آن‌گاه حاصل عبارات خواسته شده را به دست آورید. (راه حل کامل نوشته شود).	۱۰										
	<p>(الف) $f(0) - g(1)$</p> <p>(ب) $\frac{2g(2) - 1}{f(1)}$</p>											
۱/۵	<p>ماشین مقابله را در نظر بگیرید.</p>  <p>(الف) ورودی ماشین، ۳ باشد، خروجی چه عددی خواهد بود؟</p> <p>(ب) اگر خروجی ماشین، ۱۱ باشد، ورودی ماشین چه عددی بوده است؟</p>	۱۱										
۱/۵	<p>اگر f یک تابع خطی باشد به طوری که $f(-3) = 1$ و $f(0) = 4$ و $f(-8) = ?$ باشد.</p> <p>(الف) ضابطه تابع f را بنویسید.</p>	۱۲										
	صفحه ۲ از ۲											

جمع بارم : ۲۰ نمره



ردیف	راهنمای تصحیح	محل مهر یا امضاء مدیر
۱	الف) $\frac{9}{16}$ ب) نقاط سر به سر پ) $D_f = \{-1, 2, -4, 1\}$ نقاط ۴ نقطه	۱
۲	الف) $x^2 - 4x + 1 = 0 \rightarrow x^2 - 4x = -1 \rightarrow x^2 - 4x + 4 = -1 + 4$ $(x - 2)^2 = 3 \rightarrow x - 2 = \pm\sqrt{3} \rightarrow \begin{cases} x = 2 + \sqrt{3} \\ x = 2 - \sqrt{3} \end{cases}$ ب) $5x^2 - 2x - 3 = 0$	۲
۴	الف) $\Delta = b^2 - 4ac = (-2)^2 - 4(5)(-3) = 64 \quad x = \frac{-b \pm \sqrt{\Delta}}{2a} = \frac{2 \pm \sqrt{64}}{10} \rightarrow \begin{cases} x = 1 \\ x = -\frac{3}{5} \end{cases}$ پ) $x^2 + x - 12 = 0 \rightarrow (x + 4)(x - 3) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = -4 \\ x = 3 \end{cases}$ ت) $(x + 1)^2 = 25 \rightarrow x + 1 = \pm\sqrt{25} \rightarrow \begin{cases} x + 1 = 5 \rightarrow x = 4 \\ x + 1 = -5 \rightarrow x = -6 \end{cases}$	۴
۳	الف) $S = -\frac{b}{a} = -\frac{-6}{-3} = 2 \quad P = \frac{c}{a} = \frac{-1}{-3} = \frac{1}{3}$ پ) $S = -\frac{b}{a} \rightarrow \frac{3k - 1}{2} = -2 \rightarrow 3k - 1 = -4 \rightarrow 3k = -3 \rightarrow k = -1$ $P = \frac{c}{a} = \frac{k}{2} = -\frac{1}{2}$	۳
۴	الف) $\begin{cases} x = 3y \\ 2(x + y) = 56 \rightarrow x + y = 28 \rightarrow 3y + y = 28 \rightarrow 4y = 28 \rightarrow y = 7 \end{cases}, x = 3(7) = 21$ مساحت = $xy = 21 \times 7 = 147$	۴
۵	الف) $P(x) = R(x) - C(x) = x^2 - 10x - (12x - 40) = x^2 - 22x + 40$ پ) $P(x) = 0 \quad x^2 - 22x + 40 = 0 \rightarrow (x - 20)(x - 2) = 0 \rightarrow \begin{cases} x = 2 \\ x = 20 \end{cases}$ نقاط سر به سر $\frac{b}{2a} = \frac{22}{2(1)} = 11$	۵
۶	$\Delta = 0 \rightarrow (2m)^2 - 4(1)(3) = 0 \rightarrow 4m^2 - 12 = 0 \rightarrow m^2 = 3 \rightarrow m = \pm\sqrt{3}$	۶
۷	الف) $(-1, 3) \in f \quad \text{تابع } f \rightarrow n + 1 = 3 \rightarrow n = 2$ پ) $(-1, n + 1) \in f \rightarrow n + 1 = 3 \rightarrow n = 2$	۷
۸	الف) $(2, 2m - 1) \in f \quad \text{تابع } f \rightarrow 2m - 1 = m - 3 \rightarrow m = -2$ پ) $(2, m - 3) \in f \rightarrow m - 3 = 2 \rightarrow m = 5$	۸
۹	الف) $D_f = \{-2, 0, 1\} \quad R_f = \{5, 4, 6\}$ تابع است. پ) $D_f = \{-3, 0, 5\} \quad R_f = \{2, 6, 1\}$ تابع نیست.	۹

١/٥	$h(x) = \frac{x}{3}$ (ب) $g(x) = x^2$ (ب) $f(x) = \frac{1}{x}$ (الف)	٩
١/٥	<p>الف) $f(0) - g(1) = 5 - (-1) = 6$</p> <p>(ب) $\frac{2g(2) - 1}{f(1)} = \frac{2(0) - 1}{-1} = \frac{-1}{-1} = 1$</p>	١٠
١/٥	<p>الف) $x = 3 \quad f(3) = 2(3) - 1 = 5$</p> <p>(ب) $y = 8 \quad 2x - 1 = 11 \rightarrow x = 6$</p>	١١
١/٥	<p>الف) $f(x) = ax + b$</p> <p>$f(0) = 4 \rightarrow a(0) + b = 4 \rightarrow b = 4$</p> <p>$f(-3) = 1 \rightarrow a(-3) + 4 = 1 \rightarrow -3a = -3 \rightarrow a = 1$</p> <p>$f(x) = x + 4$</p> <p>(ب) $f(-8) = -8 + 4 = -4$</p>	١٢

امضا:-

نام و نام خانوادگی مصحح : سعیده عابدی

جمع بارم : ٢٥ نمره

