

11-نمودار توابع زیر را رسم کنید.

$$y = \tan\left(\frac{-x}{2}\right) \quad \bullet$$

$$y = |-x^3 + 1| \quad \bullet$$

12-حد توابع زیر را در صورت وجود محاسبه کند.

$$\lim_{x \rightarrow -8} \frac{\sqrt[3]{x+2}}{x^2+8x} \quad \bullet$$

$$\lim_{x \rightarrow -1} \frac{-x^2+4x+5}{x^3+3x^2+3x+1} \quad \bullet$$

$$\lim_{x \rightarrow 3^-} \frac{|x-3|}{x-3} \quad \bullet$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{\sqrt{x}+\sqrt{4x+5}}{\sqrt{9x+1}-\sqrt{x}} \quad \bullet$$

13-اگر  $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{x-5}{x^2-ax+b} = -\infty$  باشد  $a, b$  را بست اورید.

14-نمودار تابع  $f$  را به گونه ای رسم کنید که همه شرایط زیر را دارا باشد.

$$f(1) = f(-2) = 0 \quad \bullet$$

$$\lim_{x \rightarrow 0} f(x) = -\infty \quad \bullet$$

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) = +\infty \quad \bullet$$

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 1 \quad \bullet$$

15-مقادیر  $a, b$  را طوری تعیین کنید که چند جمله ای  $x^3 + ax^2 + bx + 1$  بر  $x-2$  بخش پذیر باشد.

20 موفق و پیروز باشید.....

نام و نام خاتونانگی:	بلسمه تعالی	رشته تحصیلی: علوم تجربی
امتحان درس: ریاضی ۳	اداره کل آموزش و پرورش استان خراسان شمالی	مدت امتحان: ۷۰ دقیقه
پایه: دوازدهم (متوسطه دوم)	متیریت آموزش و پرورش شهرستان بجنورد	تاریخ امتحان: ۹۹/۱۰/۶
کرب ژاکوبی: "زنگی تها به این درد می خورد که انسان به دو کار مشغول شود. اول ریاضیات بخواند. دوم ریاضیات درس بده."	کارم	
۱- مدرسی با نادرستی عبارات زیر را مشخص کنید.	۰.۷۵	<ul style="list-style-type: none"> <li>• نمودار تابع <math>y = x^3</math> در بازه <math>[0, 1]</math> پایین تر از نمودار تابع <math>y = x^2</math> قرار دارد.</li> <li>• اگر تابع <math>f(x)</math> در یک فاصله صعودی باشد، انگاه اکیدا صعودی نیز خواهد بود.</li> <li>• تابع <math>f(x) = x^2 - 3x</math> در بازه <math>(-1, 1)</math> اکیدا صعودی است.</li> </ul>
۲- در جاهای خالی عبارات مناسب قرار دهد.	۰.۵	<ul style="list-style-type: none"> <li>• برد تابع <math>y = \tan x</math> برابر ..... است.</li> <li>• ترکیب هر تابع با وارونش ..... است.</li> </ul>
۳- نمودار تابع $y = -(1-x)^3 + 2$ را رسم کنید و مشخص کنید صعودی است یا نزولی؟	۱	
۴- ضابطه و دامنه و برد وارون تابع $f(x) = 3 + \sqrt{2-x}$ را پیدا کنید.	۱.۵	
۵- اگر $f(x) = 3x - 4$ و $g(x) = 3x^2 - 6x + 14$ باشد ضابطه تابع $g(f(x))$ را بدست اورید.	۱	
۶- اگر $f(x) = \frac{x+2}{x-3}$ دامنه توابع $gof$ و $fog$ را پیدا کنید.	۱.۵	
۷- دوره تناوب و مقادیر $\max$ و $\min$ تابع زیر را بدست اورید.	۱.۵	$y = 3 \sin\left(\frac{x}{2} + \frac{\pi}{4}\right) - 2$ $y = \sqrt{3} - \cos\frac{x\pi}{2}$
۸- اگر دوره تناوب تابع $y = \left 3 \sin\left(ax - \frac{\pi}{4}\right)\right  + 2$ باشد مقدار $a$ را برابر $\frac{\pi}{8}$ کنید.	۰.۷۵	
۹- مقدار نسبتی مثلثاتی زاویه $22/5$ درجه را پیدا کنید.	۲	
۱۰- جوابهای کلی معادلات مثلثاتی زیر را بدست اورید و جوابهای متعلق به بازه $[0, 2\pi]$ را تعیین کنید.	۲	$\cos x (2\cos x - 9) = 5$ $\cos 2x + \sin x = 1$