



تاریخ آزمون : ۱۴۰۰ / /  
مدت آزمون : ۱۲۰ دقیقه

بسمه تعالی  
آموزش و پرورش منطقه ۹ تهران  
دیبرستان غیردولتی دخترانه نشانه‌مهر  
سال تحصیلی ۹۹-۱۴۰۰  
نوبت : دوم

نام و نام خانوادگی :  
نام دبیر :  
نام درس : حسابان  
پایه : یازدهم ریاضی

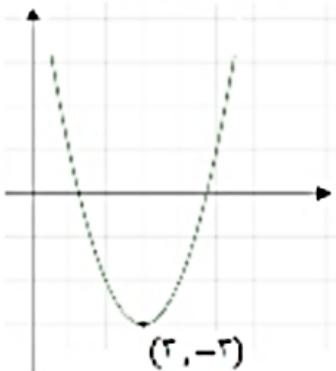
ردیف	سوال	بارم
۱	<p>جای خالی را با عبارات مناسب کامل کنید.</p> <p>الف) اگر <math>f(x) = [x+2]f(x) = [x+2 - \sqrt{2}]</math> برابر است با .....</p> <p>ب) معادله درجه دوی که ریشه های آن <math>\sqrt{2} \pm 1</math> است به صورت ..... می باشد.</p> <p>ج) مقدار عددی <math>\tan \frac{25\pi}{3}</math> برابر است با .....</p> <p>د) اگر <math>x &lt; 2 &lt; 0</math> باشد حاصل <math> x-2  +  x </math> برابر است با .....</p>	
۲	<p>درستی یا نادرستی را مشخص کنید.</p> <p>الف) حد تابع <math>\lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^5-1}{x^7-1}</math> برابر با <math>\frac{3}{5}</math> می باشد.</p> <p>ب) نمودار <math>y = \sin x</math> و <math>y = \frac{1}{x}</math> یکدیگر را در هیچ نقطه ای قطع نمی کنند.</p> <p>ج) دو تابع <math>1 = f(x)</math> و <math>g(x) = \frac{x}{x}</math> باهم مساوی هستند.</p> <p>د) تابع <math>y = [x]</math> در بازه <math>[3, 4)</math> بیوسته است.</p>	
۳	<p>اگر فاصله نقطه <math>(1, a-1)</math> از خط <math>A(a+1, a-5) = 3y - 4x + 5</math> باشد <math>a</math> را حساب کنید.</p> 	۱
۴	<p>اگر <math>1 + 2 + 3 + \dots + n = 210</math> مقدار <math>n</math> را حساب کنید.</p>	۱
۵	<p>در معادله <math>4x^2 - 16x + m = 0</math> یکی از جواب ها دو واحد از جواب دیگری بیشتر است <math>m</math> و هر دو عدد جواب معادله را بیابید.</p>	۱/۲۵

ردیف

سوالات

بارم

با توجه به نمودار زیر که حالتی از تابع  $f(x) = x^7 + bx + c$  است صفر های تابع و ضابطه تابع را بباید.



۶

تابع ۲  $f(x) = (x - 2)^7 \quad x \geq 2$  یک به یک می باشد وارون آن را بدست آورید.

۷

۰/۷۵

تابع ۳  $f(x) = \sqrt{4 - x}$  و  $g(x) = \frac{4x - 1}{x - 1}$  مفروض اند مطلوبست :

۸

۱/۲۵

الف)  $D_{g \circ f}$       ب)  $D_{f/g}$

حاصل  ${}^2\log_7 + {}^3\log_7$  را بباید.

۹

۱

معادله لگاریتمی  $\log_2^{x+7} + \log_2^{x-7} - \log_2^x = 3$  را حل کنید.

۱۰

۱/۲۵

ثابت کنید  $\sin x - \cos x = \sqrt{2} \sin \left( x - \frac{\pi}{4} \right)$

۱۱

۰/۷۵

صفحه (۲)

ردیف	سوالات	بلم
۱۲	اگر $\sin \alpha = \frac{3}{5}$ و $\cos \beta = \frac{5}{12}$ باشد مقدار $\cos(\alpha - \beta)$ را حساب کنید.	۱/۲۵
۱۳	اگر $\tan \alpha = 2$ باشد مقدار $\frac{\sin\left(\frac{\pi}{4} + \alpha\right)}{\sin(-\frac{3\pi}{4} + \alpha) + \cos\left(\frac{-5\pi}{4} + \alpha\right)}$ را حساب کنید.	۱/۲۵
۱۴	اگر $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{ax - 4a}{\sqrt{2x+2} - 2} = 4$ باشد مقدار $a$ را حساب کنید.	۱
۱۵	حدود زیر را بیابید. (الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x - \sqrt{x+2}}{x^2 + x - 6}$ (ب) $\lim_{x \rightarrow 4} \sqrt{4 - x}$ (ج) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x+1}{2 - [x]}$ (د) $\lim_{x \rightarrow \frac{\pi}{2}} \frac{\pi - x}{\cos x}$	حدود زیر را بیابید.

طوری بباید که تابع در  $x = a$  پیوسته باشد.

۱۶

$$f(x) = \begin{cases} [x] + a & x < . \\ 1 + b & x = . \\ \frac{\sin x}{\sqrt{1 - \cos x}} & x > . \end{cases}$$

(۴ صفحه)

دوقلی پاشید

