

باسمہ تعالیٰ

تاریخ امتحان: ۲ / ۳ / ۹۸

تعداد صفحه: ۲

تعداد سوال: ۱۶

وقت: ۱۰۰ دقیقه

وزارت آموزش و پرورش

اداره کل آموزش و پرورش استان یزد

مدیریت آموزش و پرورش ناحیه دو یزد

دبيرستان دخترانه حضرت جوادالاًئمه (ع) - دوره دوم

نام خانوادگی: _____
نام پدر: _____
نام درس: حفظ
پایه: سازمان رشته: ریاضی

۱	اگر $1 + \frac{1}{x} + \frac{1}{x^2} + \dots = 2$ باشد X را به دست آورید.	۱
۱/۵	اگر α و β ریشه‌های معادله $0 = X^2 - 4X + 1$ باشد. حاصل عبارت های زیر را به دست آورید. الف) $a\sqrt{B} + B\sqrt{a}$ ب) $a^3 + B^3$	۲
۱	معادله $6 = X + \sqrt{X}$ به روش هندسی حل کنید.	۳
۱	نمودار $[X] = Y$ در $(0, \infty)$ رسم کنید.	۴
۱/۵	وارون پذیری تابع $f(x) = \sqrt[3]{x+1} - 2$ را بررسی کنید. وارون آن را به دست آورید.	۵
۱/۲۵	اگر دو خط $4x-3y=4$ و $3x+4y=-2$ مختصات یک راس آن باشد. مساحت مستطیل fog(x) = $\frac{1}{x}$ و $f(x) = \frac{1}{x^2-1}$ را به دست آورید.	۶
۱/۲۵	اگر دو خط $4x-3y=4$ و $3x+4y=-2$ مختصات یک راس آن باشد. مساحت مستطیل را به دست آورید.	۷
۱	نمودار تابع $y = 2^{x-1} + 3$ را رسم کنید.	۸
۱	نامعادله $3^{2x-1} < \frac{1}{81}$ را حل کنید.	۹
۱	انرژی آزاد شده توسط زمین در زلزله $7/2$ ریشرت بر حسب ارگ به دست آورید.	۱۰
۱	درستی تساوی $\sin x + \cos x = \sqrt{2} \sin(x + \frac{\pi}{4})$ را ثابت کنید.	۱۱
۱	حاصل $\tan 22.5 + \cot 22.5$ را به دست آورید.	۱۲
۱	برف پاک کنی به طول ۴۵ سانتی متر زاویه به اندازه 116° را در یک حرکت می پیماند. طول کمان طی شده توسط برف پاک کن چقدر است؟	۱۳
۳	حدود زیر در صورت وجود به دست آورید. الف) $\lim_{x \rightarrow 2} \frac{x^3 - x - 6}{x^2 - x - 2}$ ب) $\lim_{x \rightarrow 5} \frac{\sqrt{3x+1} - 4}{x^2 - 25}$ ج) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sqrt{1 - \cos 2x}}{x}$	۱۴

۱	نمودار یک تابع رسم کنید که در یک همسایگی ۲ تعریف شده باشد. دارای حد باشد و در $x=2$ پیوسته نباشد.	۱۵
۱/۱۵	$f(x) = \begin{cases} ax + b[x] & x < 2 \\ 5 & x = 2 \\ \frac{a x-2 }{x-2} + 3b & x > 2 \end{cases}$ طوری پیدا کنید که تابع a و b باشد.	۱۶

