

مدیریت آموزش و پژوهش شهرستان بوکان

دبیرستان نمونه دولتی فارابی

آزمون درس حسابان ۱ در خرداد ماه سال تحصیلی ۹۷-۹۸

زمان پاسخ‌گویی: ۱۱۰ دقیقه

نام و نام خانوادگی:

ردیف		بارم
1	جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب کامل کنید: الف) وارون تابع $f(x) = 2x + 3$ برابر است با ب) مرکز دایره‌ای که دو نقطه $A(-3, 2)$ و $B(1, 0)$ را می‌گذراند ج) اگر نقطه 3 به همسایگی $(x - 1, 2x + 1)$ تعلق داشته باشد، حدود x برابر است با د) اگر $4 = [2x] + 1$ باشد آن گاه حدود x عبارت است از	1
1	مجموع صد جمله اول از دنباله حسابی $15, 11, 7, \dots$ را فقط از طریق فرمول‌های مربوطه محاسبه کنید.	2
./5	اگر α, β ریشه‌های معادله درجه دوم $3x^2 - 2x + 9 = 0$ باشند، حاصل عبارت $\alpha\beta^2 + \beta\alpha^2$ را به دست آورید.	3
./5	نمودار تابع $f(x) = x^2 - 1 $ رارسم کنید.	4
./75	معادله $\sqrt{x+2} + 4 = x$ را حل کنید.	5
1	خط $5 = 3y + 4x$ بر دایره‌ای به مرکز $O(-1, 2)$ مماس است. طول شعاع این دایره را محاسبه کنید.	6
./75	دامنه تابع $f(x) = \frac{2x+3}{x^2+x^2-12x}$ را به دست آورید.	7

1/75

اگر $f(x) = \sqrt{x+1}$ و $g(x) = 2x-1$ باشند،
 الف) دامنه تابع fog را فقط با استفاده از تعریف به دست آورید.

8

ب) حاصل $(fog)(x)$ را بنویسید.
 ج) حاصل $(f+g)(x)$ را بنویسید.

1

نامعادله نمایی $\frac{1}{1+2^x} > 4^{2x-1}$ را حل کنید.

9

1

با استفاده از قوانین لگاریتم حاصل عبارت مقابل را به دست آورید.

10

1

معادله لگاریتمی مقابل را حل کنید.

11

1

در دایره ای به شعاع 1 cm ، طول کمان رویه رو به زاویه 40° چقدر است؟

12

1

حاصل عبارت مقابل را به دست آورید.

13

1

درستی تساوی مقابل را اثبات کنید.

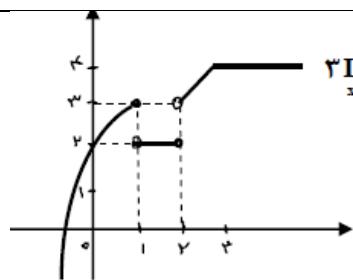
14

1

اگر α زاویه ای در ناحیه سوم دایره مثلثاتی باشد و $\sin\alpha = -\frac{4}{5}$ ، حاصل $\sin 2\alpha$ را به دست آورید.

15

1/75



با توجه به نمودار مقابل، به سوالات زیر پاسخ دهید:

الف) حاصل عبارت مقابل را بیابید:

$$\lim_{x \rightarrow 2^+} f(x) - \lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) + 3f(2) =$$

ب) آیا تابع، روی بازه $(2, +\infty)$ پیوسته است؟ چرا؟

ج) آیا تابع، در هر نقطه از بازه $[1, 2]$ پیوسته است؟ چرا؟

16

./5

$$\lim_{x \rightarrow 1} \frac{2f(x) - 1}{g(x) + 2}$$

باشد حاصل عبارت مقابل را بنویسید.

17

2/5

$$\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x^2 + 5x}{x^2 + 3x}$$

حاصل حد های زیر را به دست آورید.

18

ب) $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{2 - \sqrt{x}}{x - 4} =$

ج) $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{\pi x^2}{1 - \cos \pi x}$

1

$$f(x) = \begin{cases} x^2 + ax - 5 & x > 2 \\ x - 1 & x \leq 2 \end{cases}$$

مقدار a را چنان بیابید که تابع f با خابطه مقابل، در نقطه $x = 2$ پیوسته باشد.

19

موفق باشید – طراح ایران منش