

نام و نام خانوادگی:

به نام خدا

مدت امتحان: ۱۰۰ دقیقه ساعت شروع:

تاریخ امتحان: ۱۴۹۹/۱۰/۶

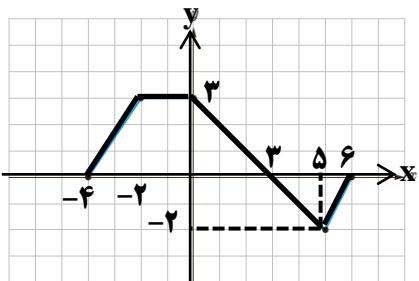
مدیریت آموزش و پرورش ناحیه ۳ اصفهان

پایه تحصیلی: دوازدهم ریاضی

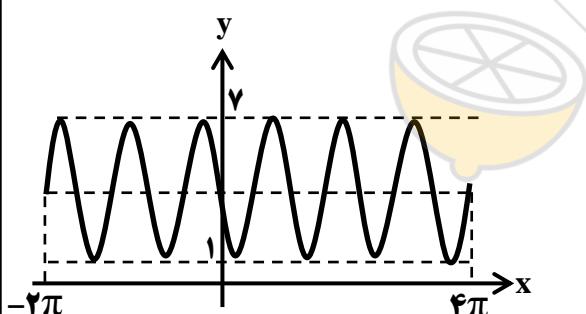
نام دبیر:

سوالات امتحان درس: حسابان ۲ دبیرستان و مرکز پیش دانشگاهی دکتر محمدشفیعی

- ۱- در شکل زیر نمودار تابع $y = f(x)$ رسم شده است. نمودار تابع $y = -2x + 1$ را رسم.



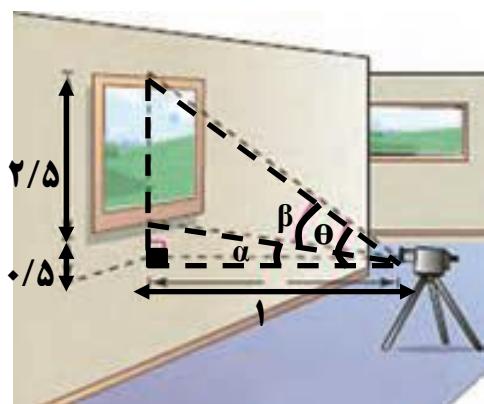
- ۲- با رسم نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} -x^3 & x \geq -1 \\ x^2 & x < -1 \end{cases}$ نزولی است، بنویسید. (۱ نمره)
- ۳- باقی مانده تقسیم چند جمله‌ای $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + c$ بر $x - 2$ برابر -3 است و این چند جمله‌ای بر $x + 1$ بخشیدنی است. مقادیر a, b, c را بدست آورید. (۲ نمره)
- ۴- نمودار داده شده در زیر مربوط به تابع $f(x) = a \cos bx + c$ است. ضابطه آن را مشخص نمایید. (۲ نمره)



- ۵- معادله مثلثاتی $2\sin^2 x + \sin x - 1 = 0$ را حل کنید. (۱/۵ نمره)
- ۶- فرض کنید $\tan \alpha = \frac{5}{12}$ باشد و α حاده باشد. در این صورت حاصل عبارات زیر را به دست آورید. (۲ نمره)

(الف) $\tan 2\alpha$

(ب) $\cos 2\alpha$

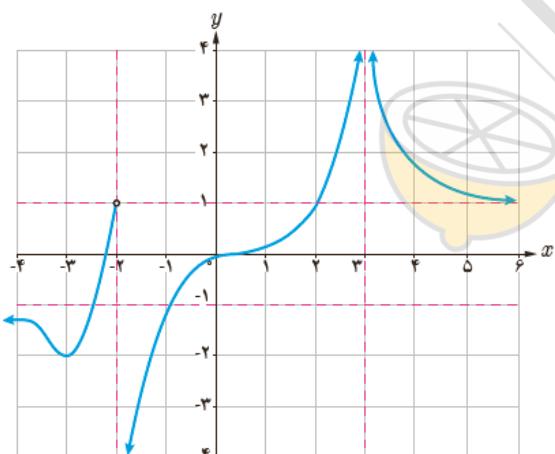


- ۷- با توجه به شکل مقابل زاویه را β بدست آورید. (۱ نمره)

- ۸- ریشه‌های معادله $\cos 3x - \cos x = 0$ در بازه $[0, 2\pi]$ بدست آورید. (۱/۵ نمره)

- ۹- مثلثی با مساحت ۳ سانتی متر مربع مفروض است. اگر اندازه دو ضلع آن به ترتیب ۲ و ۶ سانتی متر باشند، آنگاه چند مثلث با این خاصیت‌ها می‌توان ساخت؟ (۱/۵ نمره)

- ۱۰- شکل زیر مربوط به نمودار تابع $f(x)$ است موارد زیر را به دست آورید. (۱/۵ نمره)



A $\lim_{x \rightarrow -\infty} [f(x)]$

B $\lim_{x \rightarrow -2} f(x)$

C $\lim_{x \rightarrow 3} \frac{-5}{f(x)}$

- ۱۱- حاصل حدود زیر را به دست آورید. (۱/۵ نمره)

A $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{-2x^3 + 5x - 1}{3x^2 + 5x^3 + x}$

B $\lim_{x \rightarrow 2^-} \frac{2x - 1}{4 - x^2}$

- ۱۲- شکل نمودار تابع $f(x) = \frac{1}{x - |x|}$ را در اطراف مجانب قائم $x = 0$ رسم نمایید. (۱ نمره)

- ۱۳- مجانب‌های افقی و قائم تابع $f(x) = \frac{x^2 - 1}{x^2 - 4x + 3}$ را در صورت وجود به دست آورید. (۱/۵ نمره)