

اداره آموزش و پرورش ناحیه دو زنجان

سال تحصیلی: ۱۴۰۰-۱۳۹۹

نوبت: اول

کلاس: سوه تجربی

تاریخ امتحان: ۹۹/۱۰/۴ مدت امتحان ۱۱۰ دقیقه

دبیرستان غیردولتی رشد

۱- جاهای خالی را با عدد یا عبارت مناسب پر کنید ۲

الف) تابع تابعی است هم صعودی هم نزولی

ب) تابع $f(x) = x^2 - 4x + 5$ در بازه وارون پذیر است.

ج) دامنه تابع $f(x) = \tan 2x$ برابر است با.....

د) حد $\tan x$ وقتی $x \rightarrow \frac{\pi}{2}^+$ برابر است با.....

۲- تابع $y = |x-1|$ مفروض است. نمودار را ۳ واحد به طرف طولهای منفی و ۲ واحد

به طرف عرضهای مثبت انتقال دهید و نمودار جدید را رسم کنید. ۱/۵

۳- دو تابع $g(x) = \frac{1}{x^2-1}$ و $f(x) = \sqrt{x-4}$ را در نظر بگیرید. ۲

الف) دامنه $(g \circ f)(x)$ را با استفاده از تعریف به دست آورید.

ب) ضابطه $(g \circ f)(x)$ را بنویسید.

۴- وارون تابع $f(x) = -5 - \sqrt{3x-1}$ را به دست آورید.

۵- اگر $g(x) = x^3$ و $f(x) = \frac{1}{8}x - 3$ باشد مقدار $g^{-1} \circ f^{-1}(5)$ را بیابید. ۲

۶- ضابطه تابعی به فرم $y = a \cos bx + c$ را بنویسید که دوره تناوب آن 4π و مقدار ماکزیمم آن ۱ و مقدار می نیم آن ۷ باشد. ۱

۷- معادله مثلثاتی $\cos^2 x - \sin x = \frac{1}{4}$ را حل کنید. ۲

8- نمودار تابع $y = -\tan 3x$ را مشخص کنید. 1/5

9- مقدار $\cos 15^\circ$ را حساب کنید.

10- حد های زیر را حساب کنید.

(الف) $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{4x^2 + 7x - 11}{x - \sqrt{x}}$

(ب) $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{1 - 5x}{x^2 - 9}$

(ج) $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{2x^2 + 3x - 1}{x|1 - 4x| + 1}$

11- فقط یک نمودار رسم کنید همه شرایط زیر در آن صدق بکند.

$$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) = 2$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^-} f(x) = +\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow 1^+} f(x) = -\infty$$

$$\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = 0$$

12- با استفاده از تعریف مشتق، مشتق تابع $f(x) = 2x^2 + 8x - 3$ را در نقطه $x = 1$ به دست آوردید.

با آرزوی موفقیت برای تک تک شما